

Teoría de navegación

1. El punto cardinal N:

- a) Se encuentra sobre el horizonte.
- b) Se encuentra sobre el meridiano del lugar (superior o inferior).
- c) Se encuentra sobre el ecuador.
- d) Las respuestas a) y b) son correctas.

Respuesta correcta: d)

2. El Tiempo Universal es:

- a) El ángulo sidéreo del Sol medio, expresado en horas.
- b) El horario en Greenwich del Sol medio, expresado en horas.
- c) El horario en Greenwich del Sol medio, expresado en horas, más 12 horas.
- d) El tiempo transcurrido desde el paso del Sol (astro) por el meridiano 180° .

Respuesta correcta: c)

3. ¿Qué línea contiene algún lado del triángulo de posición?

- a) Meridiano inferior del lugar.
- b) Paralelo de declinación del astro.
- c) Vertical del astro.
- d) Almicantarat del astro.

Respuesta correcta: c)

4. Para un observador en latitud N, cuando el acimut de un astro del hemisferio norte es 180° :

- a) El astro se encuentra en el horizonte.
- b) El astro alcanza su altura mínima.
- c) El vertical del astro, el círculo del astro y el meridiano del lugar del observador están en una misma circunferencia.
- d) Las respuestas a) y b) son correctas.

Respuesta correcta: c)

5. Si la declinación de un astro es igual que la latitud de un observador en latitud N:

- a) El horario del astro es 0° .
- b) La altura verdadera del astro es 90° .
- c) El astro siempre estará por encima del horizonte.
- d) Ninguna respuesta es correcta.

Respuesta correcta: d)

6. El sextante mide:

- a) Ángulos de hasta 120° aproximadamente.
- b) Los horarios del astro, hasta 180° .
- c) Las declinaciones de los astros.
- d) Las respuestas b) y c) son correctas.

Respuesta correcta: a)

7. El punto de Aries:

- a) Se encuentra sobre la Eclíptica.
- b) Se encuentra sobre el Ecuador.
- c) Cuando el Sol está en él, su Ángulo Sidéreo es 0°
- d) Todas las respuestas son correctas.

Respuesta correcta: d)

8. El arco de Ecuador, contado de 0° a 180° desde el meridiano superior del lugar, hacia el este o el oeste, hasta el círculo horario de un astro es:

- a) El horario del lugar del astro.
- b) El Ángulo Sidéreo.
- c) El Ángulo en el Polo.
- d) La longitud.

Respuesta correcta: c)

9. Cuando un astro se encuentra en el meridiano superior del lugar:

- a) Su altura es mínima.
- b) Se produce el orto o el ocaso del astro.
- c) Su horario es 0° .
- d) Todas las respuestas son correctas.

Respuesta correcta: c)

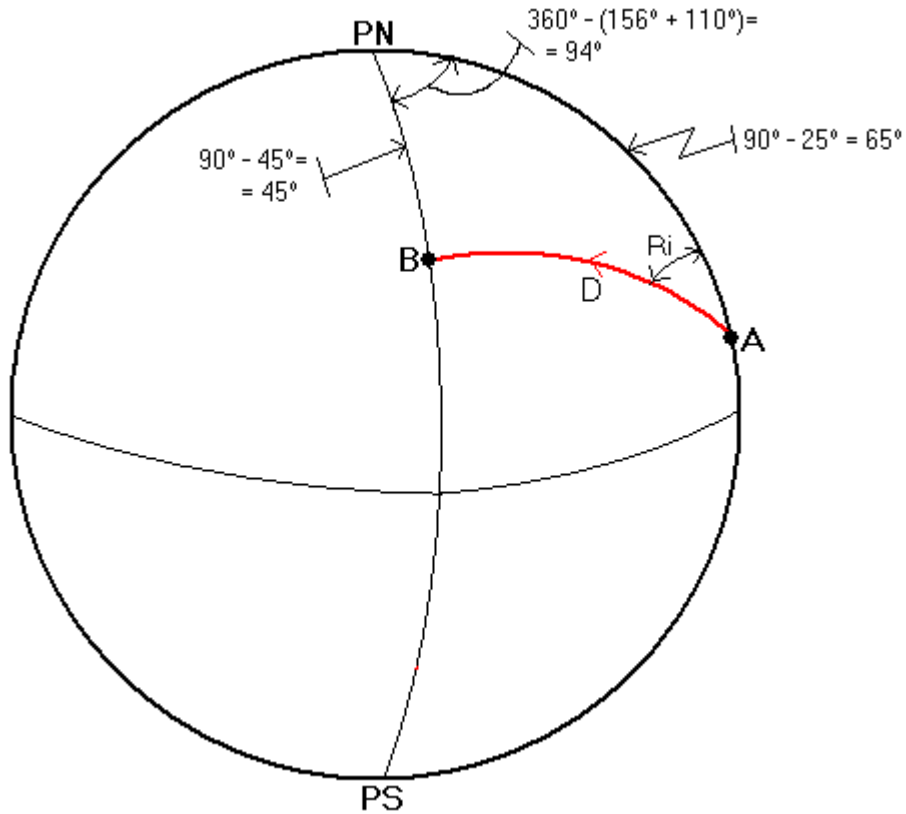
10. La Hora Legal y la Hora Civil del Lugar coinciden:

- a) Siempre
- b) En todo el huso 0
- c) En los meridianos cuya longitud es múltiplo de 15°
- d) Nunca

Respuesta correcta: c)

Cálculos de navegación

11. ¿Cuál es la mínima distancia que separa los puntos de la esfera terrestre de coordenadas 25° N, 110° W y 45°N, 156° E ? (redondear a la milla)
- a) 6606'
 - b) 4895'
 - c) 4517'
 - d) 2516'



En la figura de arriba, A= situación de salida, B= situación de llegada, R_i = Rumbo inicial ortodrómico y D=distancia ortodrómica.

Se forma un triángulo esférico formado por los lados PN-A, A-B y B-PN.

Aplicando la fórmula del coseno:

$$\cos D = \cos 65^\circ \times \cos 45^\circ + \sin 65^\circ \times \sin 45^\circ \times \cos 94^\circ = 0,254132$$

$$D = \text{distancia ortodrómica} = \arccos 0,254132 = 75,2778^\circ = 4516,67 \text{ millas}$$

Respuesta correcta: c)

12. Rumbo inicial para navegar por ortodrómica desde el punto 25° N, 110° W hasta el punto 45°N, 156° E (redondear al grado)
- a) 313°
 - b) 047°
 - c) 257°
 - d) 293°

En la misma figura del ejercicio nº 11 anterior, aplicando la fórmula de la cotangente al triángulo esférico tendremos:

$$\cotg 45^\circ \times \sen 65^\circ = \cos 65^\circ \times \cos 94^\circ + \sen 94^\circ \times \cotg Ri$$

$$Ri = \text{rumbo inicial ortodromico} = N46,83^\circ W = 313,17^\circ$$

Respuesta correcta: a)

13. A las 15h 25m 10s UT del 9 de Abril de 2016, desde la situación $50^\circ 10' N$, $53^\circ 50' E$, se observa la Polar en acimut de aguja 357° . Calcular la corrección total.

- a) -2°
- b) -1°
- c) $+1^\circ$
- d) $+2^\circ$

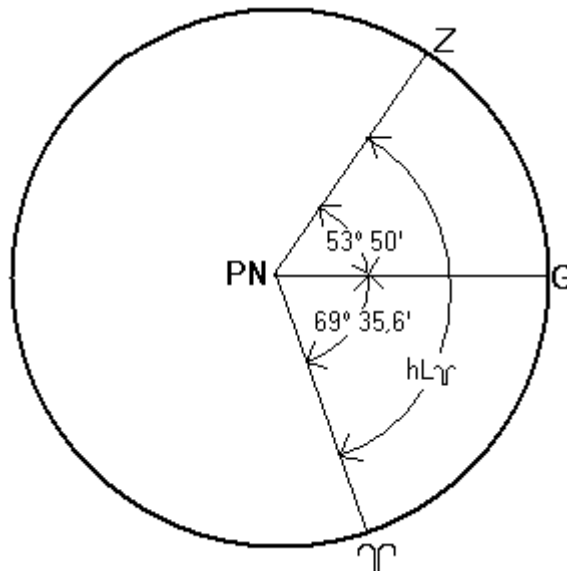
TU= 15h 25m 10s

En Tablas del AN para el 9 de Abril de 2016

<u>TU</u>	<u>hGγ</u>
15h	$63^\circ 17,1'$
16h	$78^\circ 19,6'$

Interpolando para TU= 15h 25m 10s tendremos $hG\gamma = 69^\circ 35,6'$

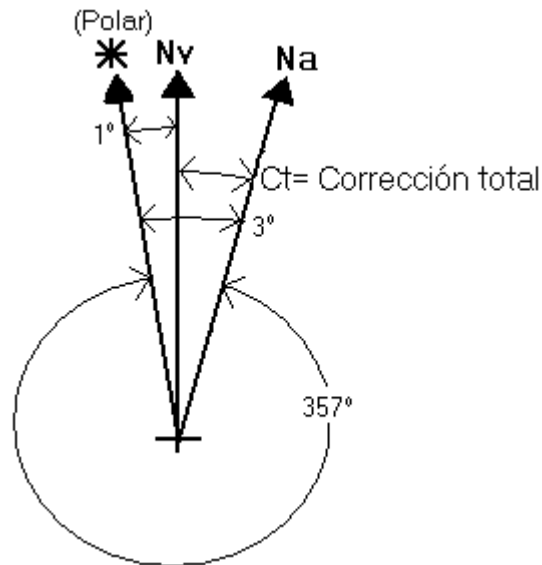
Por lo tanto, podemos el círculo horario como en la figura de abajo.



De ahí se deduce que $hL\gamma = 53^\circ 50' + 69^\circ 35,6' = 123^\circ 25,6'$

En página nº 385 del AN, azimutes de la Polar, tenemos que para latitud= $50^\circ 10'$ y $hL\gamma = 123^\circ 25,6'$ le corresponde una $Z \text{ Polar} = -1^\circ$

Puesto que el azimut de aguja de la Polar Z_a es 357° , podemos dibujar la situación angular indicada en la figura de abajo, en donde la Corrección Total (Ct) es: $Ct = 3^\circ - 1^\circ = +2^\circ$



Respuesta correcta: d)

14. A las 15h 25m 10s UT del 9 de Abril de 2016, desde un lugar de longitud $53^\circ 50'E$, se observa la Polar con $a_i = 23^\circ 28,1'$. $C_i = +2'$, elevación = 5 m. Calcular la latitud.

- a) $23^\circ 13,5' N$
- b) $23^\circ 17,5' N$
- c) $23^\circ 28,1' N$
- d) $23^\circ 32,2' N$

$$a_i \text{ Polar} = 23^\circ 28,1'$$

$$a_o = \text{altura observada} = a_i + C_i = 23^\circ 28,1' + 2' = 23^\circ 30,1'$$

$$C_d = \text{Corrección por depresión (para } e_o = 5 \text{ mts.)} = -4'$$

$$a_a = \text{altura aparente} = a_o + C_d = 23^\circ 30,1' - 4' = 23^\circ 26,1'$$

$$C_{refr} = \text{corrección por refracción (para } a_a = 23^\circ 26,1') = -2,2'$$

$$a_v = \text{altura verdadera de la estrella} = a_a + C_{refr} = 23^\circ 26,1' - 2,2' = 23^\circ 23,9'$$

En el ejercicio nº 13 anterior habíamos visto que $hL\gamma = 123^\circ 25,6'$

En las tablas del AN de Determinación de la latitud por la observación de una altura polar, encontramos las siguientes correcciones a aplicar:

$$C_1 = -6,8'$$

$$C_2 = +0,1'$$

$$C_3 = +0,4'$$

$$\text{Por lo tanto, } l_v = \text{latitud verdadera} = 23^\circ 23,9' + C_1 + C_2 + C_3 =$$

$$= 23^{\circ} 23,9' - 6,8' + 0,1' + 0,4' = 23^{\circ} 17,6'$$

Respuesta correcta: b)

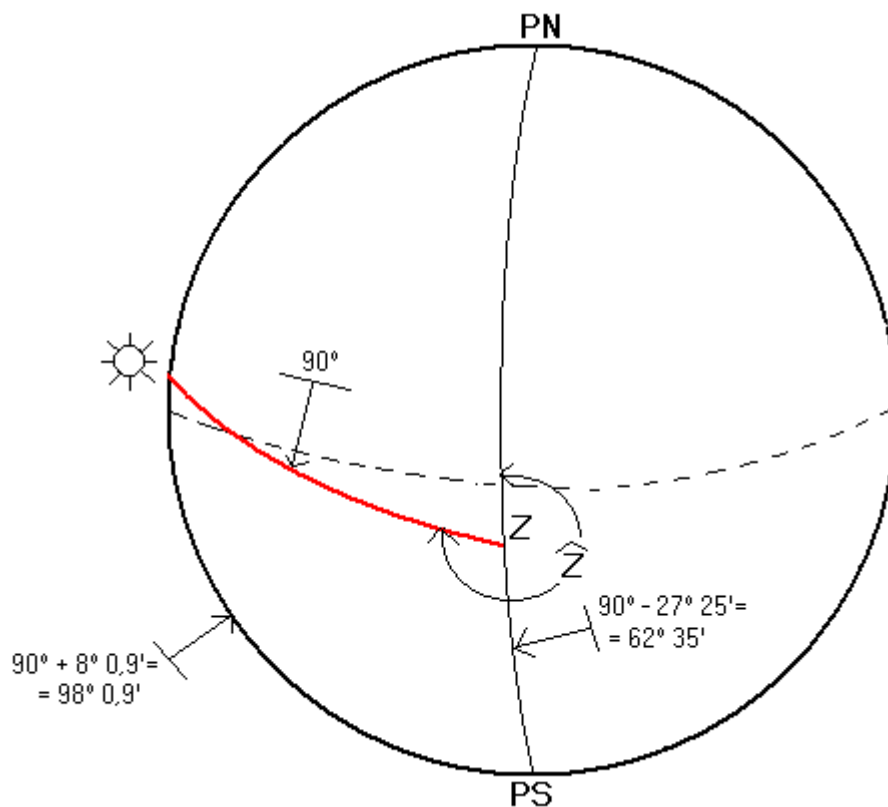
15. El 9 de Abril de 2016, a UT = 23h 12m 30s, se marca el Sol en el instante del ocaso verdadero en acimut de aguja 270°, desde un lugar de latitud 27° 25' S. Calcular la corrección total.

- a) +9°
- b) -9°
- c) +4,5°
- d) No es posible calcular la corrección total con los datos facilitados

En tablas diarias del Almanaque Náutico para el 9 de Abril de 2016:

<u>TU</u>	<u>Dec</u>
23h	+8° 0,7'
24h	+8° 1,6'

Interpolando para TU= 23h 12,5m sale Dec= +8° 0,9'

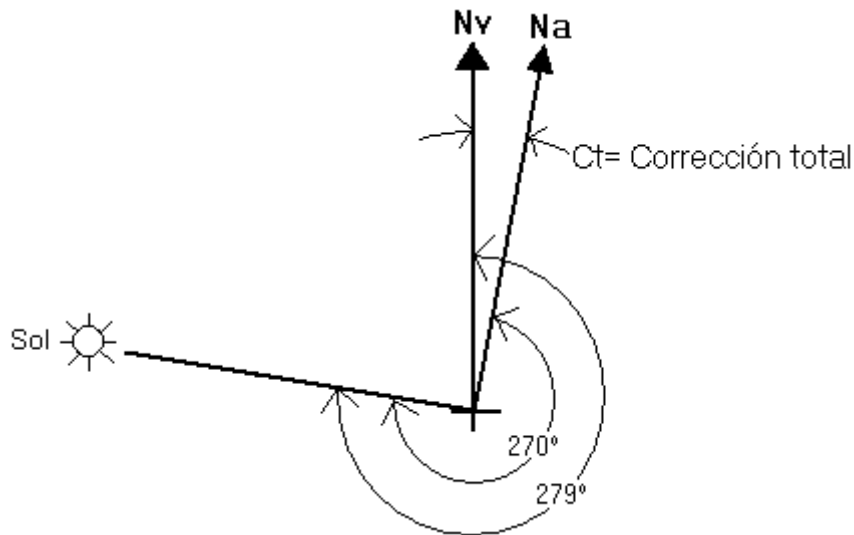


En la figura anterior, en el triángulo esférico formado por el Sol, el Zenit Z y el polo elevado (PS) de la figura anterior, tendremos:

$$\cos 98^{\circ} 0,9' = \cos 90^{\circ} \times \cos 62^{\circ} 35' + \sin 90^{\circ} \times \sin 62^{\circ} 35' \times \cos (Z - 180^{\circ}) \rightarrow Z - 180^{\circ} = 99^{\circ}$$

$$Z = 180^{\circ} + 99^{\circ} = 279^{\circ}$$

Podemos dibujar el Norte Verdadero (Nv) y el Norte de Aguja (Na) tal como en la figura de abajo



$$Ct = \text{corrección total} = +(279^\circ - 270^\circ) = +9^\circ$$

Respuesta correcta: a)

16. En Cádiz ($36^\circ 32' \text{ N}$, $006^\circ 18' \text{ W}$) es Hora Oficial = 01h 10m 30s del 9 de Abril de 2016, ¿Cuál será la Hora Civil del Lugar?

- a) 22h 45m 18 s del 8 de Abril
- b) 23h 10m 30 s del 8 de Abril
- c) 23h 45m 18 s del 8 de Abril
- d) 00h 45m 18 s del 9 de Abril

$$Hz = \text{Horal Legal en Cádiz} = Ho - 2h = 01h 10m 30s - 2h = 23h 10m 30s \text{ día 8 de Abril}$$

$$L = 6^\circ 18' \text{ W} \rightarrow Z = \text{Huso horario} = 0$$

$$TU = Hz + Z = 23h 10m 30s + 0h = 23h 10m 30s (8)$$

$$TU = HcL + L \rightarrow HcL = TU - L = 23h 10m 30s (8) - \frac{6^\circ 18'}{15^\circ} = 22h 45m 18s \text{ (día 8 de Abril)}$$

Respuesta correcta: a)

17. El 9 de Abril de 2016, a UT = 09h 41m, se observa el limbo inferior del Sol al paso por el meridiano superior del lugar con $av = 73^\circ 58,5'$. Calcular la latitud, sabiendo que la culminación del Sol se observa cara al norte ($Z = 000^\circ$).

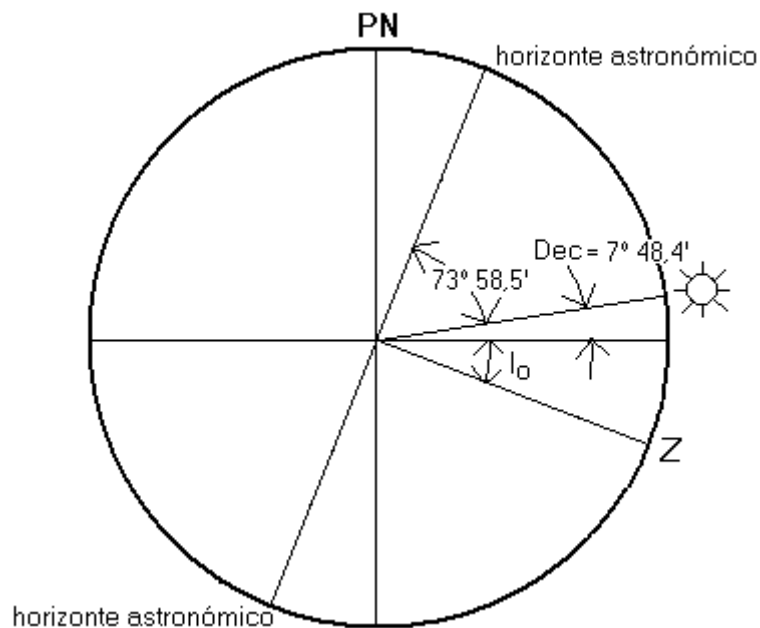
- a) $23^\circ 49,9' \text{ N}$
- b) $08^\circ 13,1' \text{ N}$

- c) 08° 13,1' S
- d) 23° 49,9' S

En tablas diarias del Almanaque Náutico para el día 9 de Abril de 2016

<u>TU</u>	<u>Dec</u>
9h	+7° 47,7'
10h	+7° 48,7'

Interpolando para TU= 9h 41m sale Dec= +7° 48,4'



De la figura de arriba se deduce: $90^\circ = lo + Dec + 73^\circ 58,5'$

$lo = \text{latitud observada} = 90^\circ - 7^\circ 48,4' - 73^\circ 58,5' = 8^\circ 13,1' \text{ S}$

Respuesta correcta: c)

18. A las 11h 30m UT del 9 de Abril de 2016, nos encontramos en situación 45° S, 036° W, navegando a 10 nudos al rumbo verdadero 300°. Calcular la hora de paso del Sol por el meridiano superior del lugar.

- a) 14h 27,9m UT
- b) 14h 25,5m UT
- c) 14h 23,1m UT
- d) 14h 20,7m UT

$L = 36^\circ \text{W} \rightarrow$ Huso horario nº 2

$TU = Hz + Z = 11h 30m + 2h = 13h 30m$

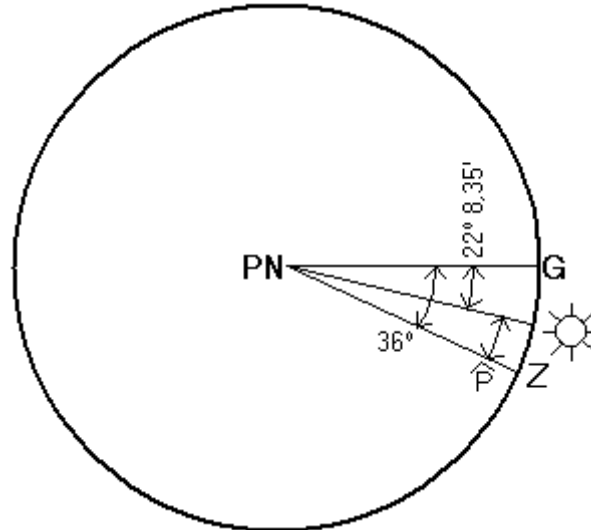
En tablas del AN para el 9 de Abril de 2016 tenemos:

<u>TU</u>	<u>hG☀</u>
13h	14° 38,3'
14h	29° 38,4'

Interpolando para TU = 13h 30m sale:

$$hG☀ = 22° 8,35'$$

El círculo horario quedará como en las figura de abajo

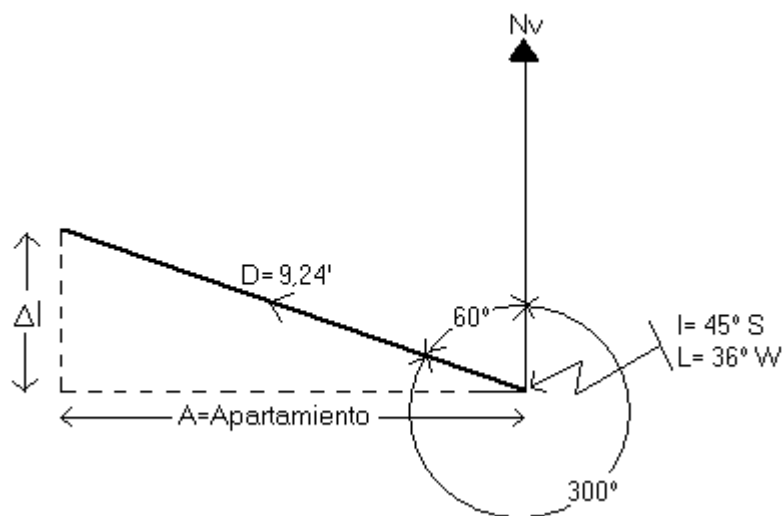


$$P = \text{ángulo en el Polo} = 36° - 22° 8,35' = 13° 51,65'$$

En primera aproximación suponemos el barco parado en la posición inicial $L = 36°W$, por lo que el tiempo el Sol pasará por el meridiano superior del lugar en que nos encontramos en un intervalo:

$$\Delta t = \text{intervalo de tiempo hasta paso del Sol por meridiano superior} = \frac{13° 51,65'}{15°} = 0,924 \text{ horas}$$

$$D = \text{distancia navegada} = V_b \times \Delta t = 10 \times 0,924 = 9,24 \text{ millas}$$



$$A = \text{Apartamiento} = D \times \text{sen } 60° = 9,24' \times \text{sen } 60° = 8'$$

$$\Delta l = 9,24' \times \text{cos } 60° = 4,62' \text{ N}$$

$$l_m = \text{latitud media} = l_{\text{origen}} + \frac{\Delta l}{2} = 45^\circ \text{ S} - \frac{4,62'}{2} = 44^\circ 57,69' \text{ S}$$

$$\Delta L = \frac{A}{\cos l_m} = \frac{8'}{\cos 44^\circ 57,69'} = 11,3' \text{ W}$$

Situación estimada del barco después de la primera aproximación:

$$l_e = 45^\circ \text{ S} - 4,62' \text{ N} = 44^\circ 55,38' \text{ N}$$

$$L_e = 36^\circ \text{ W} + 11,3' \text{ W} = 36^\circ 11,3' \text{ W}$$

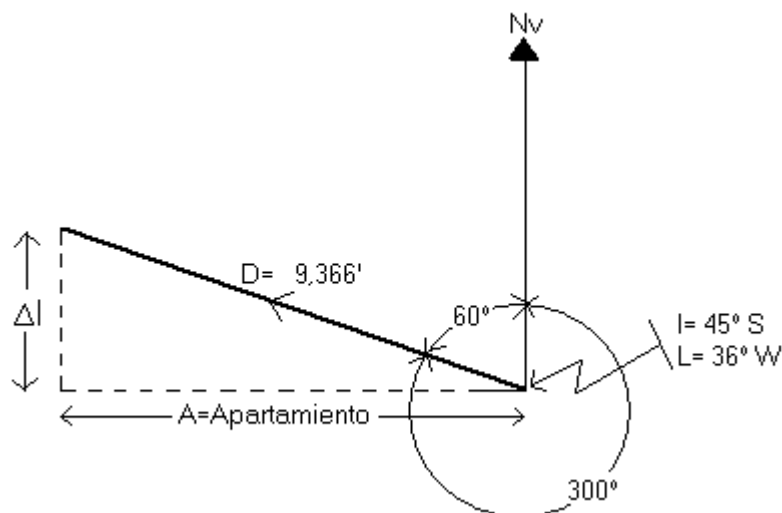
En segunda aproximación suponemos el barco parado en $L=36^\circ 11,3' \text{ W}$.

$$\text{El ángulo horario } P \text{ será ahora: } P = 36^\circ 11,3' - 22^\circ 8,35' = 14^\circ 2,95'$$

Ahora el Sol pasará por el meridiano superior del lugar en que nos encontramos en un intervalo:

$$\Delta t = \text{intervalo de tiempo hasta paso del Sol por meridiano superior} = \frac{14^\circ 2,95'}{15^\circ} = 0,9366 \text{ horas}$$

$$D = \text{distancia navegada} = V_b \times \Delta t = 10 \times 0,9366 = 9,366 \text{ millas}$$



$$A = \text{Apartamiento} = D \times \text{sen } 60^\circ = 9,366' \times \text{sen } 60^\circ = 8,11'$$

$$\Delta l = 9,366' \times \text{cos } 60^\circ = 4,7' \text{ N}$$

$$l_m = \text{latitud media} = l_{\text{origen}} + \frac{\Delta l}{2} = 45^\circ \text{ S} - \frac{4,7'}{2} = 44^\circ 57,6'$$

$$\Delta L = \frac{A}{\cos l_m} = \frac{8,11'}{\cos 44^\circ 57,6'} = 11,46' \text{ W}$$

Situación estimada del barco después de la segunda aproximación:

$$l_e = 45^\circ \text{ S} - 4,7' \text{ N} = 44^\circ 55,3' \text{ N}$$

$$L_e = 36^\circ \text{ W} + 11,46' \text{ W} = 36^\circ 11,46' \text{ W}$$

Esta segunda aproximación se considera suficiente. El ángulo horario P será pues:

$$P = 36^\circ 11,46' - 22^\circ 8,35' = 14^\circ 3,1'$$

$$\Delta t = \text{intervalo de tiempo hasta paso del Sol por meridiano superior} = \frac{14^\circ 3,1'}{15^\circ} = 0,9368 \text{ horas}$$

$$\text{Tiempo TU del paso del Sol por meridiano superior} = 13\text{h } 30\text{m} + 0,9368\text{h} = 14\text{h } 26,2\text{m}$$

Respuesta correcta: b) – por aproximación

19. El 9 de Abril de 2016, a UT = 22h 45m 34s se observa Antares, con $a_i = 29^\circ 13,9'$. Situación estimada $48^\circ 19' S$, $142^\circ 28' E$; corrección de índice $+3'$; elevación 5 m. Calcular el determinante punto aproximado

a) $Z = 262^\circ$, $D_a = -2,7'$

b) $Z = 278^\circ$, $D_a = -2,7'$

c) $Z = 231^\circ$, $D_a = +5,7'$

d) $Z = 309^\circ$, $D_a = +5,7'$

$a_i \text{ Antares} = 29^\circ 13,9'$

$a_o = \text{altura observada} = a_i + C_i = 29^\circ 13,9' + 3' = 29^\circ 16,9'$

$a_a = \text{altura aparente} = a_o + C_d$

$C_d = \text{Corrección por depresión (para } e_o = 5 \text{ mts.)} = -4,0'$

$a_a = 29^\circ 16,9' - 4,0' = 29^\circ 12,9'$

$C_{\text{refr}} = \text{corrección por refracción (para } a_a = 29^\circ 12,9') = -1,8'$

$a_v = \text{altura verdadera de la estrella Antares} = a_a + C_{\text{refr}} = 29^\circ 12,9' - 1,8' = 29^\circ 11,1'$

Por otro lado, en tablas del AN para el 9 de Abril de 2016:

<u>TU</u>	<u>hGγ</u>
22h	168° 34,4'
23h	183° 36,8'

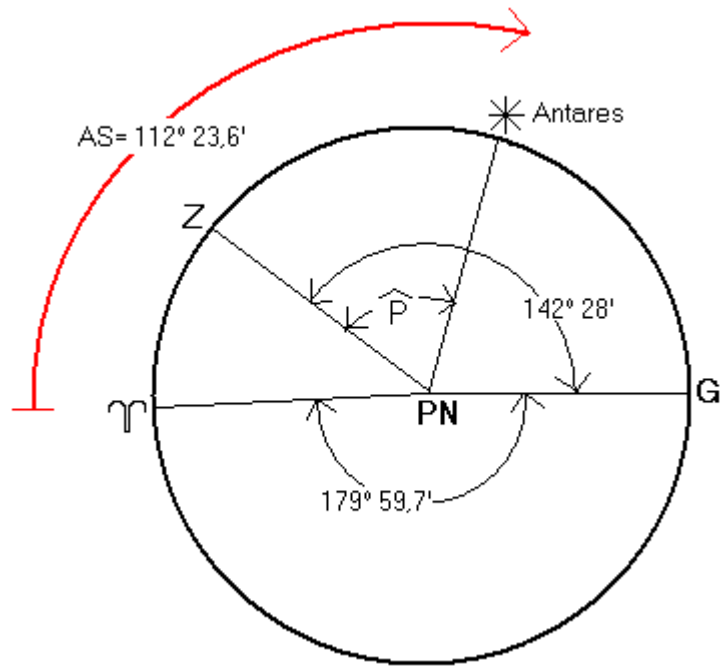
Interpolando para TU=22h 45m 34s \rightarrow hG γ = 179° 59,7'

Por otro lado, para la estrella n° 76 Antares, el AN nos da los valores del Angulo Sidéreo y la Declinación:

AS= $112^\circ 23,6'$

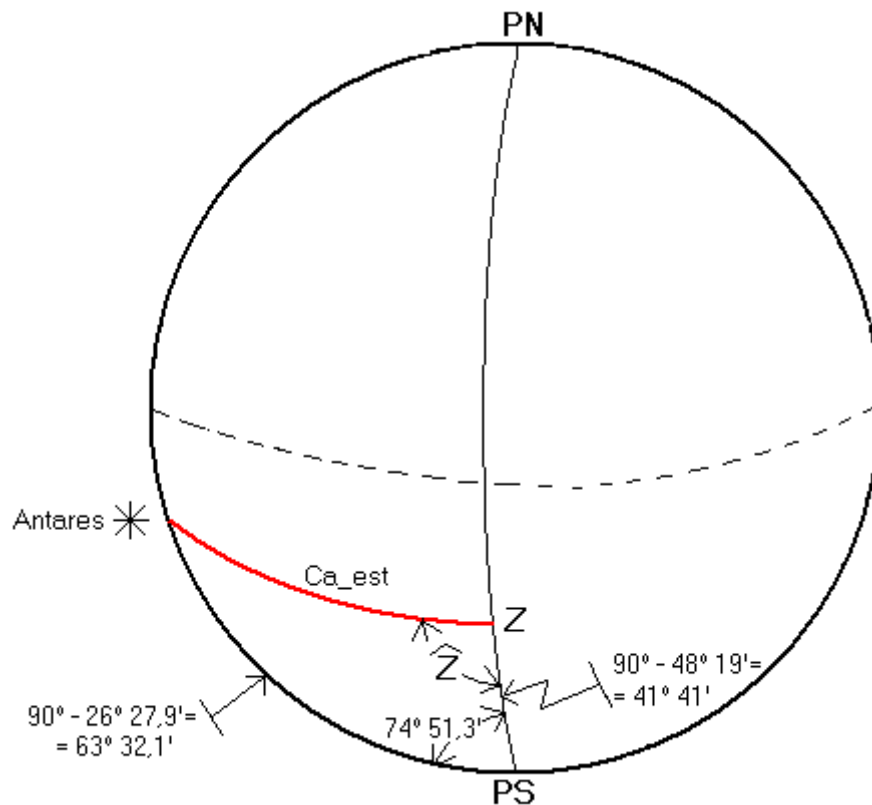
Dec= $-26^\circ 27,9'$

Por lo tanto, el círculo horario lo podemos dibujar como en la figura de abajo.



De ahí se deduce que $P = \text{ángulo en el Polo} = 112^\circ 23,6' - (360^\circ - (142^\circ 28' + 179^\circ 59,7')) = 74^\circ 51,3'$

El triángulo esférico de posición está formado por el polo elevado (PS), la estrella Antares y el Zenit del observador (Z), tal como indica la figura de abajo.



Aplicando la fórmula de la cotangente a dicho triángulo esférico:

$$\cotg 63^\circ 32,1' \times \text{sen } 41^\circ 41' = \cos 41^\circ 41' \times \cos 74^\circ 51,3' + \text{sen } 74^\circ 51,3' \times \cotg Z$$

$Z = \text{azimut del astro} = S81,98^\circ W = 261,98^\circ$

Si Ca_{est} = co-altura estimada del astro (o distancia cenital), aplicando la fórmula del coseno:

$$\cos Ca_{est} = \cos 63^\circ 32,1' \times \cos 41^\circ 41' + \sin 63^\circ 32,1' \times \sin 41^\circ 41' \times \cos 74^\circ 51,3'$$

$$Ca_{est} = 60,767^\circ \rightarrow a_{est} = \text{altura estimada del astro} = 90^\circ - 60,767^\circ = 29^\circ 14'$$

$$\Delta a = a_v - a_e = 29^\circ 11,1' - 29^\circ 14' = -2,9'$$

Determinante de Antares:

$$Z = 261,98^\circ$$

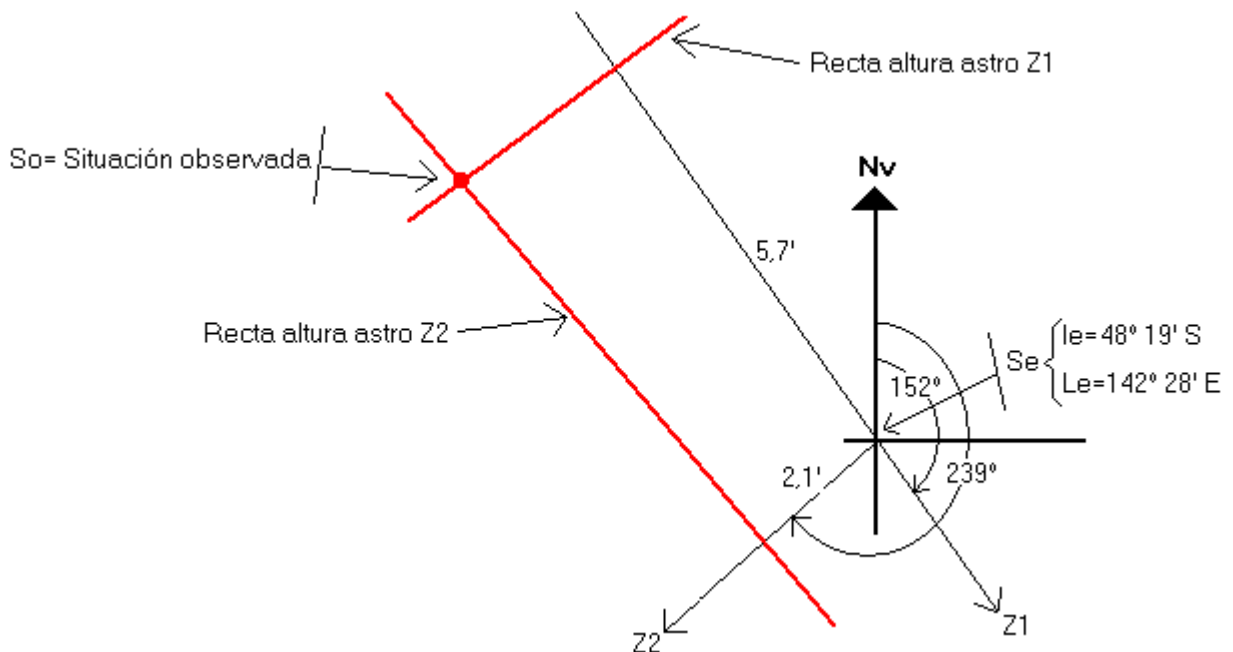
$$\Delta a = -2,9'$$

Respuesta correcta: a)

20. Desde la situación de estima $48^\circ 19' S, 142^\circ 28' E$, se observan simultáneamente dos astros, obteniéndose los siguientes determinantes punto aproximado: Dte. Astro 1: $Z = 152^\circ$ y dif. alt. = $-5,7'$. Dte. Astro 2: $Z = 239^\circ$ y dif. alt. = $+2,1'$. Calcular la situación.

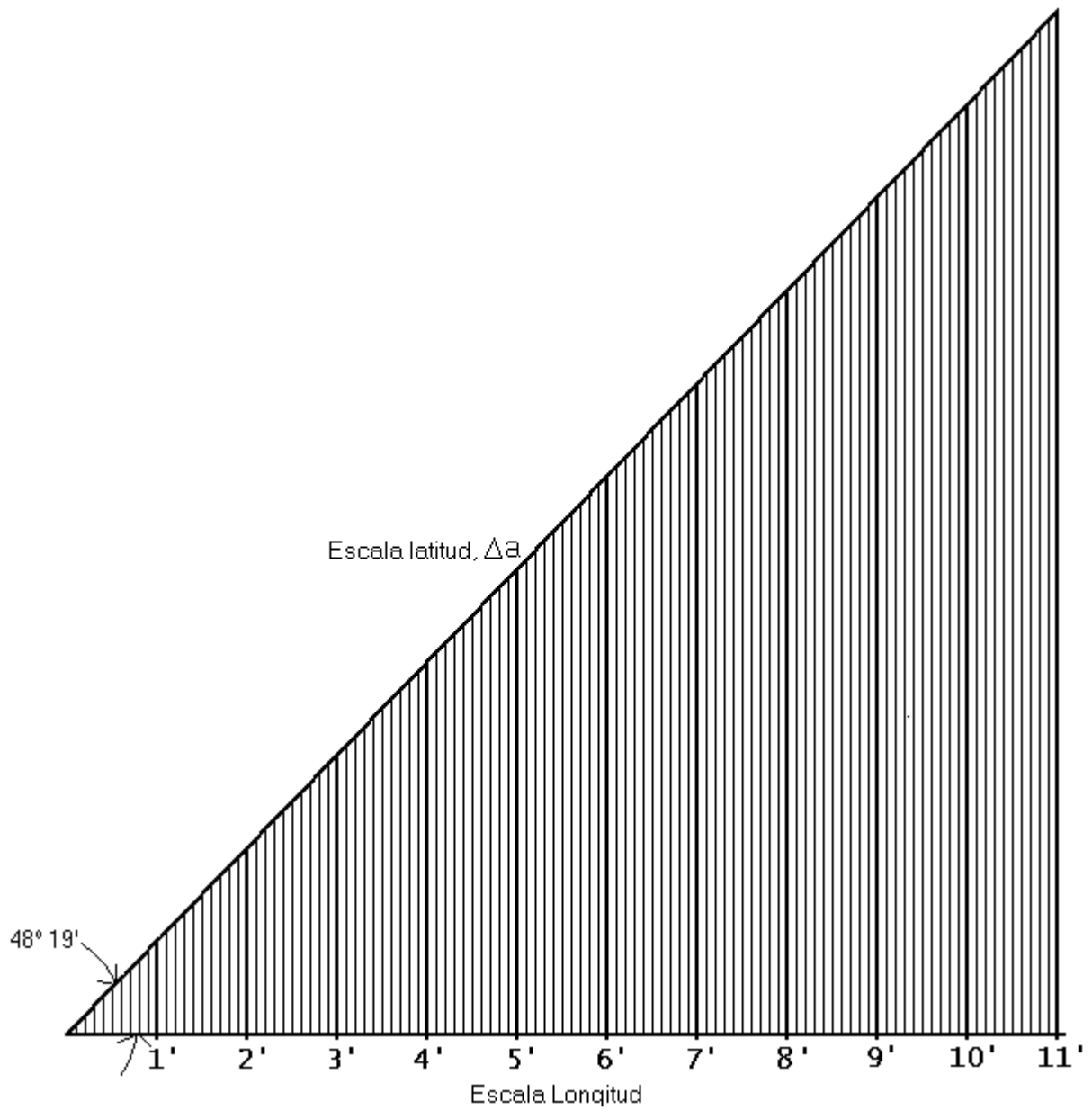
- a) $48^\circ 13,1' S, 142^\circ 26,4' E$
- b) $48^\circ 15,0' S, 142^\circ 20,8' E$
- c) $48^\circ 23,0' S, 142^\circ 35,2' E$
- d) $48^\circ 24,9' S, 142^\circ 29,6' E$

Dibujamos (ver figura de abajo) los determinantes de los astros Z1 y Z2.



El punto de cruce de las dos rectas de altura es So , la situación observada.

Para hallar los incrementos a los que se haya So respecto a la situación estimada Se , recurrimos a la escala típica de la derrota loxodrómica (figura de abajo).



Midiendo con un transportador de ángulos o compás, encontramos que:

$$\Delta l = 4' \text{ N}$$

$$\Delta L = 7,2' \text{ W}$$

Por lo tanto,

$$l_o = \text{latitud observada} = 48^\circ 19' \text{ S} - 4' \text{ N} = 48^\circ 15' \text{ S}$$

$$L_o = \text{longitud observada} = 142^\circ 28' \text{ E} - 7,2' \text{ W} = 142^\circ 20,8' \text{ E}$$

Respuesta correcta: b)