

**Examen Teoría de Buque del Gobierno Vasco para Capitán de Yate Enero 2008**  
**Autor: Pablo González de Villaumbrosia García. 07.04.2014**

El yate "Sappho" se encuentra adrizado y con  $C_{pr}=2,60$  m y  $C_{pp}=3,00$  m.

Eslora del yate entre perpendiculares= $18,74$  m, manga= $5,25$  m

En esta condición medimos un  $T_d=5$  s. para un  $K=0,78$

Se llenan los tanques parcialmente de combustible cuya  $I=4,21687$  m<sup>4</sup>, densidad del combustible  $0,83$  Tn/m<sup>3</sup>.

Más tarde cargamos una peso de  $2,84$  Tn. cuyo  $K_g=2,64$  m. y  $X_g=8,37$  m. (+),  $CL_g=0$ .

Se pide:

- Calados después de la carga del peso.
- Curva de brazos adrizantes estáticos después de la carga del peso.
- Altura metacéntrica corregida de carenas líquidas.

SOLUCIÓN:

- a) **Calados después de la carga del peso**

$$C_m = \frac{C_{pp} + C_{pr}}{2} = \frac{3 + 2,6}{2} = 2,8 \text{ m}$$

Entrando con  $C_m=2,8$  m, en curvas hidrostáticas yate Sappho encontramos:

- $D$ =desplazamiento= $30 \times 3=90$  Tn
- $M_u$ =momento unitario para variar asiento  $1$  cm=  
 $=19,7 \times 0,04=0,788$  T/cm= $78,8$  Tn/m
- $P_{pp}$  F=distancia Perpendicular-Popa a  $X_F=44,5 \times 0,2=8,9$  m
- $P_{pc}$ =distancia Perpendicular-Popa a  $X_C=46 \times 0,2=9,2$  m
- $T_c$ =Toneladas para  $1$  cm inmersión= $17,5 \times 0,04=0,7$  Tn/cm
- $K_M$ =distancia quilla-metacentro= $6,7 \times 0,5=3,35$  m

Puesto que  $E$ =eslora= $18,74$  m, se deduce:

- $X_F = \frac{E}{2} - P_{pp} = \frac{18,74}{2} - 8,9 = 0,47$  m
- $X_C = \frac{E}{2} - P_p = \frac{18,74}{2} - 9,2 = 0,17$  m

A final  $\times$   $M_u = (D+p) \times (X_G \text{ final} - X_C)$

En donde:

- $A$  final=asiento final= $C_{pp}$  final  $-$   $C_{pr}$  final
- $M_u=78,8$  Tn/m
- $D$ =desplazamiento yate= $90$  Tn

- $p$ =peso cargado=2,84 Tn
- XG final = lo tenemos que averiguar
- $X_C=0,17$  m

La solución será fácil averiguarla cuando conozcamos el asiento  $A=C_{pp} - C_{pr}$ . Antes deberemos averiguar XG final.

Concepto	Peso (Tn)	XG (m)	$\Sigma$ Mtos. longitudinales
Peso yate	90	XG inicial	$90 \times XG$ inicial
Peso cargado	2,84	+8,37	$2,84 \times 8,37$
	92,84		$90 \times XG$ inicial + 23,77

$$XG \text{ final} = \frac{90 \times XG \text{ inicial} + 23,77}{92,84}$$

Ahora el problema es averiguar XG inicial.

$$A \text{ inicial} \times \mu = D \times (XG \text{ inicial} - X_C)$$

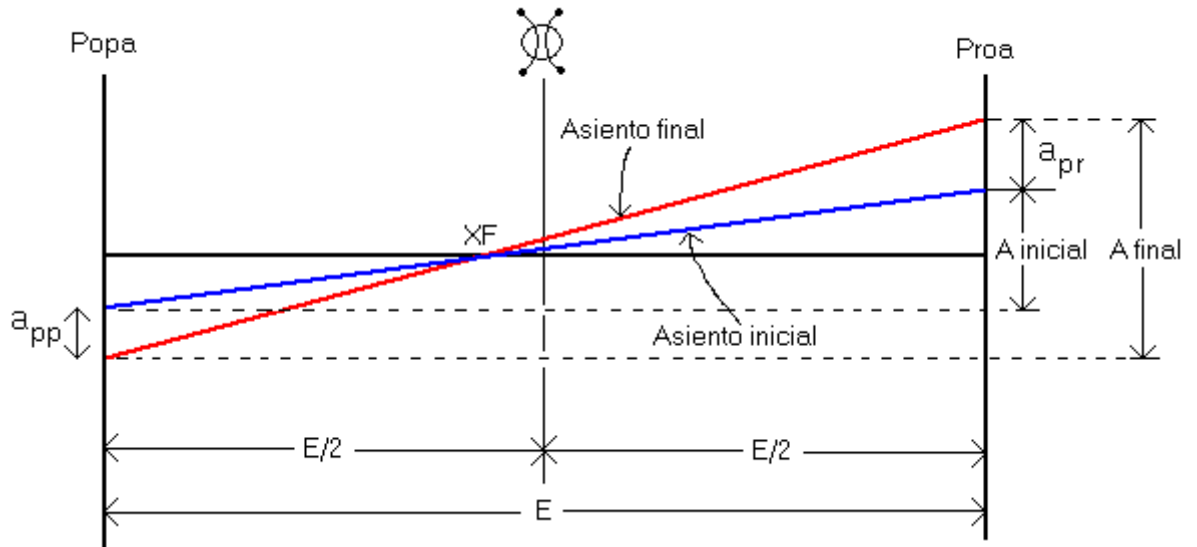
En donde:

- $A \text{ inicial}$ =asiento inicial= $C_{pp} \text{ inicial} - C_{pr} \text{ inicial}=3,00 - 2,60=0,40$  m.
- $\mu=78,8$  Tn/m
- $D$ =desplazamiento yate=90 Tn
- $X_C=0,17$  m

$$0,40 \times 78,8 = 90 \times (XG \text{ inicial} - 0,17) \rightarrow XG \text{ inicial} = 0,5202 \text{ m}$$

$$\text{Por lo tanto, } XG \text{ final} = \frac{90 \times 0,5202 + 23,77}{92,84} = 0,7603 \text{ m}$$

$$A \text{ final} \times 78,8 = (90+2,84) \times (0,7603 - 0,17) \rightarrow A \text{ final} = 0,6955 \text{ m}$$



De la figura anterior se desprende:

$$\frac{a_{pp}}{\left(\frac{E}{2} - XF\right)} = \frac{a_{pr}}{\left(\frac{E}{2} + XF\right)}$$

$$a = \text{alteración} = a_{pr} + a_{pp} = A_{\text{final}} - A_{\text{inicial}} = 0,6955 - 0,4 = 0,2955 \text{ m}$$

$$a_{pp} = a \times \frac{\left(\frac{E}{2} - XF\right)}{E} = 0,2955 \times \frac{\left(\frac{18,74}{2} - 0,47\right)}{18,74} = 0,1403 \text{ m}$$

$$a_{pr} = a - a_{pp} = 0,2955 - 0,1403 = 0,1551 \text{ m}$$

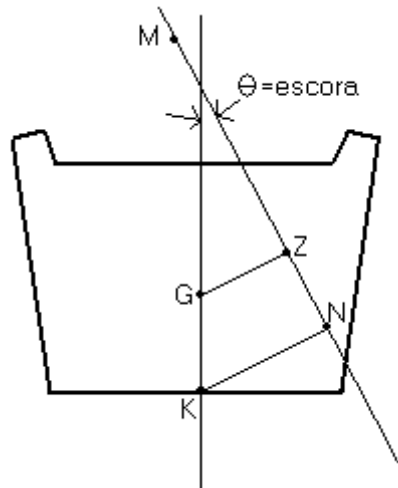
Si  $I$  = inmersión producida por el peso  $p = 2,84 \text{ Tn}$

$$I = \frac{p}{T_c} = \frac{2,84}{0,7} \text{ cm} = 0,0406 \text{ m}$$

$$C_{pp \text{ final}} = \text{calado final a Popa} = 3,00 + 0,1403 + 0,0406 = 3,1809 \text{ m}$$

$$C_{pr \text{ final}} = \text{calado final a Proa} = 2,60 - 0,1551 + 0,0406 = 2,4855 \text{ m}$$

b) Curva de brazos adrizantes estáticos después de la carga del peso



$$GZ = KN - KG \times \sin \Theta$$

$\Theta = \text{ángulo de escora}$

Tenemos que conocer el valor de KG final, para lo cual tenemos que averiguar en primer lugar el valor de KG inicial.

Como hemos visto anteriormente  $KM = \text{altura quilla-metacentro} = 3,35 \text{ m}$

$$T_d = \text{periodo doble de balance} = 5 = \frac{K \times M}{\sqrt{GM}} = \frac{0,78 \times 5,25}{\sqrt{GM}} \rightarrow GM \text{ inicial} = 0,67 \text{ m}$$

Por lo tanto,  $KG \text{ inicial} = KM - GM \text{ inicial} = 3,35 - 0,67 = 2,68 \text{ m}$

- Después de la carga del peso de 2,84 Tn en  $K_g = 2,64 \text{ m}$  el centro de gravedad del yate baja (ya que se carga por debajo del centro de gravedad inicial) la cantidad:

$$GG' = \frac{p \times d}{D + p} = \frac{2,84 \times (2,68 - 2,64)}{90 + 2,84} = 0,001224 \text{ m hacia abajo}$$

- Corrección por superficies libres

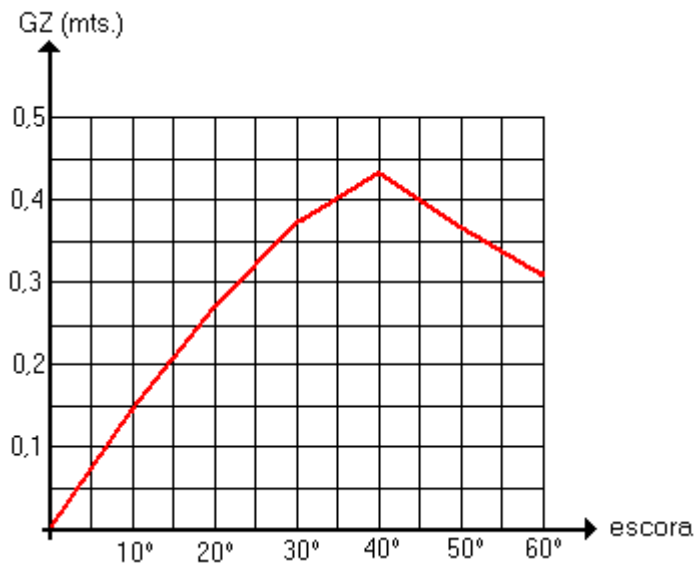
$$GG_v = I \times \frac{\delta}{D + p} = 4,21678 \times \frac{0,83}{90 + 2,84} = 0,039 \text{ m hacia arriba}$$

Por lo tanto,  $KG \text{ final} = KG \text{ inicial} - 0,001224 + 0,039 = 2,68 - 0,001224 + 0,039 = 2,718 \text{ m}$

$$GZ = KN - KG \times \sin \Theta = KN - 2,718 \times \sin \Theta$$

De las curvas pantocarenas obtenemos los siguientes valores de KN en función de la escora  $\Theta$ .

$\theta$	KN	
10°	0,62	$GZ_{10^\circ}=0,62 - 2,718 \times \text{sen } 10^\circ=0,1484 \text{ m}$
20°	1,2	$GZ_{20^\circ}=1,20 - 2,718 \times \text{sen } 20^\circ=0,271 \text{ m}$
30°	1,73	$GZ_{30^\circ}=1,73 - 2,718 \times \text{sen } 30^\circ=0,372 \text{ m}$
40°	2,18	$GZ_{40^\circ}=2,18 - 2,718 \times \text{sen } 40^\circ=0,4341 \text{ m}$
50°	2,45	$GZ_{50^\circ}=2,45 - 2,718 \times \text{sen } 50^\circ=0,3694 \text{ m}$
60°	2,67	$GZ_{60^\circ}=2,67 - 2,718 \times \text{sen } 60^\circ=0,318 \text{ m}$



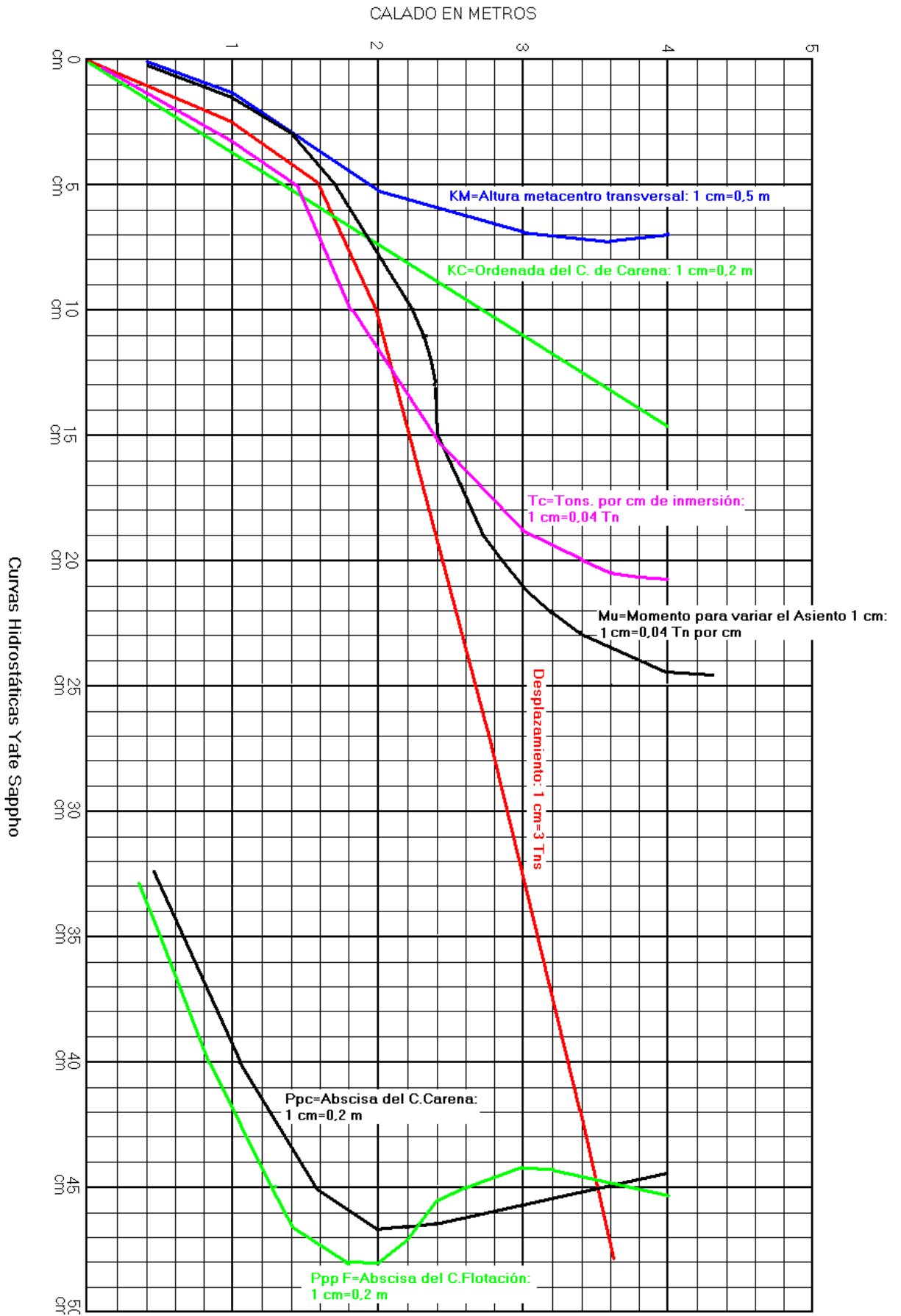
c) **Altura metacéntrica corregida por carenas líquidas**

Hemos visto en la pregunta anterior que  $GM \text{ inicial} = \text{altura metacéntrica inicial} = 0,67 \text{ m}$

Este valor inicial se ve disminuido por el valor  $GG_v =$  valor de la corrección de la altura metacéntrica por superficies libres = 0,039 m hacia arriba.

Por lo tanto  $G_vM = \text{altura metacéntrica corregida por superficies libres} =$   
 $= GM \text{ inicial} - GG_v = 0,67 \text{ m} - 0,039 \text{ m} = 0,631 \text{ m}$





Valores de "KN" en metros

