

Examen Cálculos Náuticos Capitán de Yate, Murcia 23 Junio 2014

Autor: Pablo González de Villaumbrosia 21.11.2014

<http://www.villaumbrosia.es>

El día 23 de Junio de 2014 comenzamos la singladura con cielo despejado y horizonte claro. Nuestro régimen de máquinas es de 15 nudos y un $Ra=305^\circ$.

En el momento de la salida del sol y estando en situación de estima $I=25^\circ 00,0'S$ y $L=080^\circ 00,0'W$, tomamos Za del sol= $67,9^\circ$.

Dos horas más tarde caemos al $Ra=235^\circ$ y simultáneamente tomamos ai sol limbo inferior= $21^\circ 34,5'$ y Za del sol= $51,5^\circ$

Continuamos navegando manteniendo el rumbo y velocidad hasta el paso del sol por el meridiano superior momento en el que tomamos ai sol limbo inferior= $40^\circ 56,1'$.

Elevación del observador= $5m$, corrección de índice= $2'$ (derecha)

Días después, estando en situación de estima $I=25^\circ 35,4'N$ y $L=035^\circ 42,5'W$, siendo $HRB=1200$ ponemos $Rv=S37,35^\circ W$ y navegamos por ortodrómica una distancia de 10142,03 millas náuticas.

En posteriores singladuras siendo la $HRB=1800$, navegando al 360° verdadero y 12 nudos de velocidad, observamos en la pantalla del radar el mega yate "Perla Negra". Dicho yate se encuentra a 18 millas al 270° . A $HRB=1806$ el yate se encuentra al 270° y 17 millas. Ante el riesgo de abordaje a $HRB 1812$ maniobramos para pasar a 5 millas del "Perla Negra".

Calcular:

- 1) HRB salida del sol
- 2) Corrección total a la salida del sol
- 3) Determinante del sol dos horas después de la salida
- 4) Situación observada al paso del sol por el meridiano superior. Si la situación se calcula por Págel la pregunta tendrá un valor de 2 puntos.
- 5) Posición de llegada
- 6) Latitud de corte con el Meridiano de Greenwich
- 7) Latitud de corte con el Meridiano de 180°
- 8) Rumbo y velocidad del mega yate "Perla Negra"
- 9) Rumbo que pondremos si queremos pasar a 5 millas del "Perla Negra" en el menor tiempo posible

1) HRB salida del sol

En tablas del AN para los días 22 y 24 de Junio de 2014 y latitud $25^\circ S$, encontramos:

- 22 de Junio de 2014. Hora salida del Sol= $6h 45m$
- 23 de Junio de 2014. Hora salida del Sol= $6h 45,5m$

Promediando para el día 23 de Junio de 2014 HcL salida del sol= $6h 45,25m$

$HcG=TU=HcL + L = 6h 45,25m + \frac{80^\circ}{15^\circ} = 12h 5,25m$. Este es el tiempo en Greenwich de la salida del Sol en Longitud= $80^\circ W$.

$L=80^\circ W \rightarrow Z=5$ (Huso horario nº 5)

$HcG= Hz + Z$

$$\mathbf{HRB=Hz= 12h 5,25m - 5h= 7h 5,25m}$$

2) Corrección total a la salida del sol

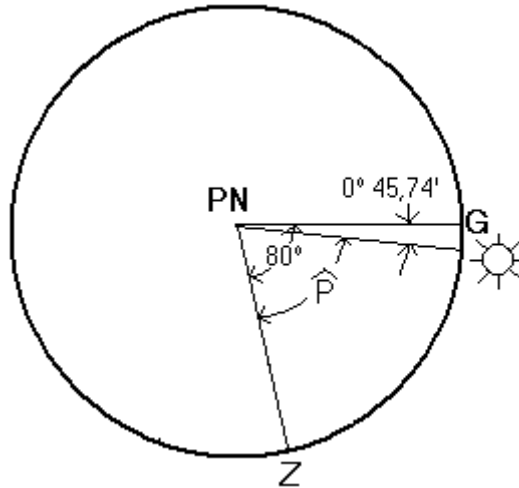
En tablas del AN para el día 23 de Junio de 2014 encontramos:

<u>TU</u>	<u>hG☉</u>	<u>Dec</u>
12	359° 27'	+23° 25,2'
13	14° 26,9'	+23° 25,2'

Interpolando para TU= 12h 5,25m:

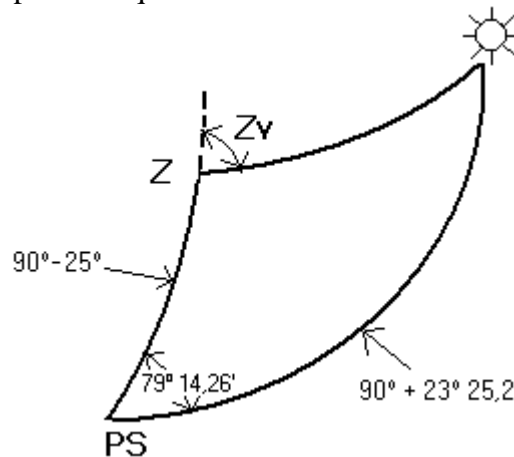
$$hG☉= 0° 45,74'$$

$$Dec= \text{declinación del sol}= +23° 25,2'$$



$$P=\text{ángulo horario en el Polo}= 80° - 0° 55,74'= 79° 14,26'$$

El triángulo esférico de posición quedará así:

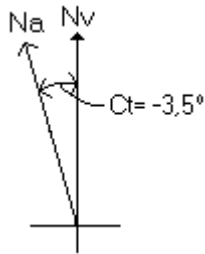


Del triángulo esférico de posición de la figura se deduce:

$$\cotg(90° + 23° 25,2') \times \text{sen}(90° - 25°) = \cos(90° - 25°) \times \cos 79° 14,26' + \text{sen}(79° 14,26') \times \cotg(180° - Z_v)$$

$$Z_v = 64,4°$$

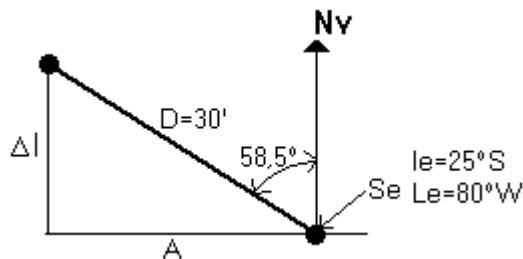
$$C_t = \text{corrección total} = Z_v - Z_a = 64,4° - 67,9° = -3,5°$$



3) Determinante del sol dos horas después de la salida

$$R_a = 305^\circ \rightarrow R_v = \text{rumbo verdadero} = R_a + C_t = 305^\circ - 3,5^\circ = 301,5^\circ = N58,5^\circ W$$

$$D = \text{distancia navegada en dos horas} = V_b \times 2 = 15 \times 2 = 30 \text{ millas}$$



Según la figura de arriba:

$$\Delta l = 30 \times \cos 58,5^\circ = 15,67' N$$

$$A = \text{apartamiento} = 30 \times \sin 58,5^\circ = 25,58' W$$

$$l_m = \text{latitud media} = 25^\circ S - \frac{\Delta l}{2} = 24^\circ 52,165' S$$

$$\Delta L = \frac{A}{\cos l_m} = \frac{25,58'}{\cos 24^\circ 52,165'} = 28,19' W$$

$$l_e = \text{latitud estimada dos horas más tarde} = 25^\circ S - 15,67' N = 24^\circ 44,33' S$$

$$L_e = \text{longitud estimada dos horas más tarde} = 80^\circ W + 28,19' W = 80^\circ 28,19' W$$

$$TU \text{ (Tiempo universal) dos horas más tarde} = 12h 5,25m + 2h = 14h 5,25m$$

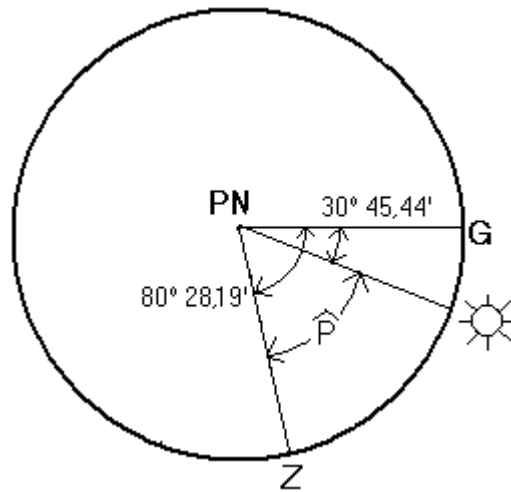
En tablas del AN para el día 23 de Junio de 2014 encontramos:

<u>TU</u>	<u>hG☀</u>	<u>Dec</u>
14	29° 26,7'	+23° 25,2'
15	44° 26,6'	+23° 25,1'

Interpolando para TU=14h 5,25m:

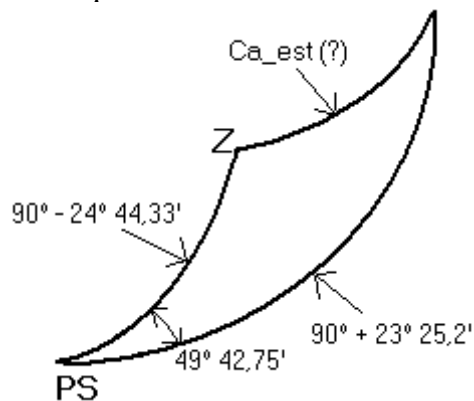
$$hG_{\odot} = 30^\circ 45,44'$$

$$\text{Dec} = \text{declinación del sol} = +23^\circ 25,2'$$



$P = \text{ángulo horario en el Polo} = 80^\circ 28,19' - 30^\circ 45,44' = 49^\circ 42,75'$

El triángulo esférico de posición quedará así:



$$\cos Ca_est = \cos (90^\circ + 23^\circ 25,2') \times \cos (90^\circ - 24^\circ 44,33') + \sin (90^\circ + 23^\circ 25,2') \times \sin (90^\circ - 24^\circ 44,33') \times \cos 49^\circ 42,75'$$

$$Ca_est = \text{co-altura estimada} = 68,1262^\circ \rightarrow a_{est} = \text{altura estimada del sol} = 90^\circ - 68,1262^\circ = 21^\circ 52,43'$$

Cálculo altura verdadera del sol por la mañana

$$a_i \odot \text{ limbo inferior} = 21^\circ 34,5'$$

$$a_o = \text{altura observada} = a_i + E_i = 21^\circ 34,5' + 2' = 21^\circ 36,5'$$

$$a_a = \text{altura aparente} = a_o + C_d$$

$$C_d = \text{Corrección por depresión (para altura observador} = 5 \text{ mts)} = -4'$$

$$a_a = 21^\circ 36,5' - 4' = 21^\circ 32,5'$$

$$C_{sd} + \text{refr} + \text{par} = \text{corrección por semidiámetro-refracción-paralaje} = +13,7' - 0,3' = +13,4'$$

$$a_v = \text{altura verdadera} = a_a + C_{sd} + \text{refr} + \text{par} = 21^\circ 32,5' + 13,4' = 21^\circ 45,9'$$

Cálculo del determinante del sol por la mañana, y coeficiente de Pagel

$$\Delta a = a_v - a_{est} = 21^\circ 45,9' - 21^\circ 52,43' = -6,53'$$

$$\Delta = \text{co-declinación} = 90^\circ + 23^\circ 25,2'$$

$$l = \text{latitud} = 24^\circ 44,33'$$

$$P = \text{ángulo horario en el Polo} = 49^\circ 42,75'$$

$$Q = \text{coeficiente de Pagel} = \frac{1}{\text{tg } \Delta \times \text{sen } P} - \frac{\text{tg } l}{\text{tg } P} = 0,9584 \text{ (el signo se hace siempre positivo)}$$

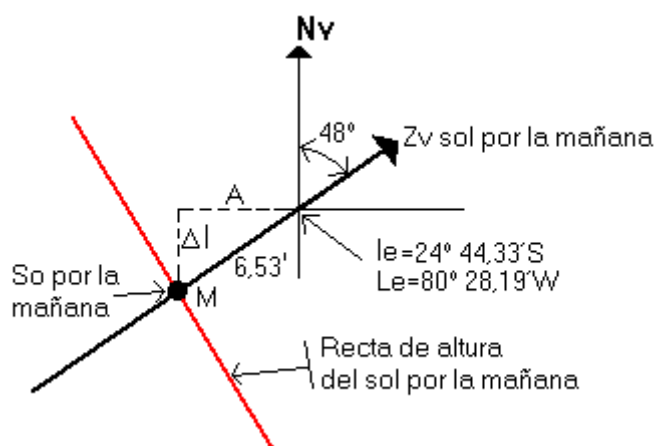
$$Z_a \text{ sol} = 51,5^\circ \rightarrow Z_v \text{ sol dos horas después} = Z_a + Ct = 51,5^\circ - 3,5^\circ = 48^\circ$$

Determinante del sol dos horas después:

$$Z_v = 48^\circ$$

$$\Delta a = -6,53'$$

Cálculo de la posición observada So dos horas más tarde (punto determinante)



$$\Delta l = 6,53' \times \cos 48^\circ = 4,37'S$$

$$A = \text{apartamiento} = 6,53' \times \text{sen } 48^\circ = 4,85'W$$

$$l_m = \text{latitud media} = 24^\circ 44,33'S + \frac{\Delta l}{2} = 24^\circ 46,515'S$$

$$\Delta L = \frac{A}{\cos l_m} = \frac{4,85'}{\cos 24^\circ 46,515'} = 5,34'W$$

$$l_o = \text{latitud observada} = 24^\circ 44,33'S + 4,37'S = 24^\circ 48,7'S$$

$$L_o = \text{longitud observada} = 80^\circ 28,19'W + 5,34'W = 80^\circ 33,53'W$$

$$TU \text{ (Tiempo universal) dos horas más tarde} = 14h 5,25m$$

4) Situación observada al paso del sol por el meridiano superior. Si la situación se calcula por Pagel la pregunta tendrá un valor de 2 puntos.

$$\text{Ahora le barco toma rumbo } R_a = 235^\circ \rightarrow R_v = R_a + Ct = 235^\circ - 3,5^\circ = 231,5^\circ = S51,5^\circ W$$

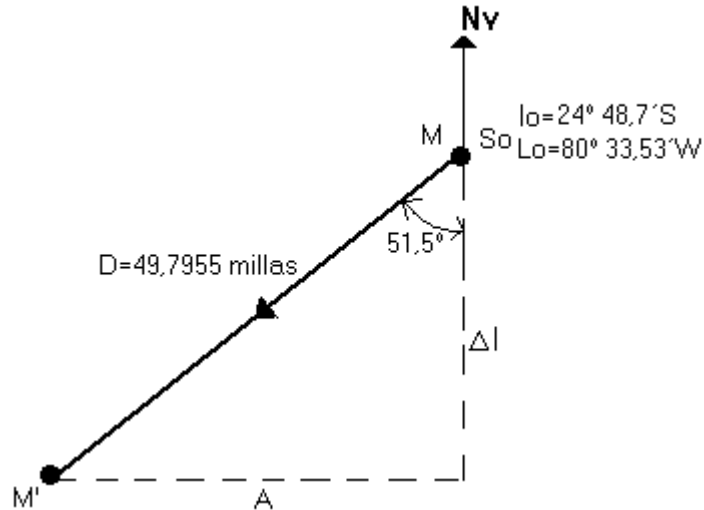
$$\text{En tablas del AN para el 23 de Junio de 2014 PMG (Paso Meridiano Greenwich)} = 12h 2,2m$$

Primera aproximación al cálculo del TU del paso del sol por el meridiano del lugar. Barco en $L = 80^\circ 33,53'W$

$$HcL=12h\ 2,2m$$

$HcG=TU=HcL + L = 12h\ 2,2m + \frac{80^{\circ}\ 33,53'}{15^{\circ}} = 17h\ 24,43m$. Este es el tiempo en Greenwich del paso del sol por el meridiano superior del barco en primera aproximación.

Δt =intervalo de tiempo navegado desde $TU=14h\ 5,25m$ hasta paso del Sol por la meridiana=
 $= 17h\ 24,43m - 14h\ 5,25m = 3,3197$ horas; el barco en ese tiempo habrá recorrido una distancia
 D =distancia navegada= $Vb \times \Delta t = 15 \times 3,3197 = 49,7955$ millas



$$\Delta l = 49,7955' \times \cos 51,5^{\circ} = 31'S$$

$$A = \text{apartamiento} = 49,7955' \times \sin 51,5^{\circ} = 38,97'$$

$$l_m = \text{latitud media} = 24^{\circ}\ 48,7'S + \frac{\Delta l}{2} = 25^{\circ}\ 4,2'$$

$$\Delta L = \frac{38,97'}{\cos 25^{\circ}\ 4,2'} = 43,02'W$$

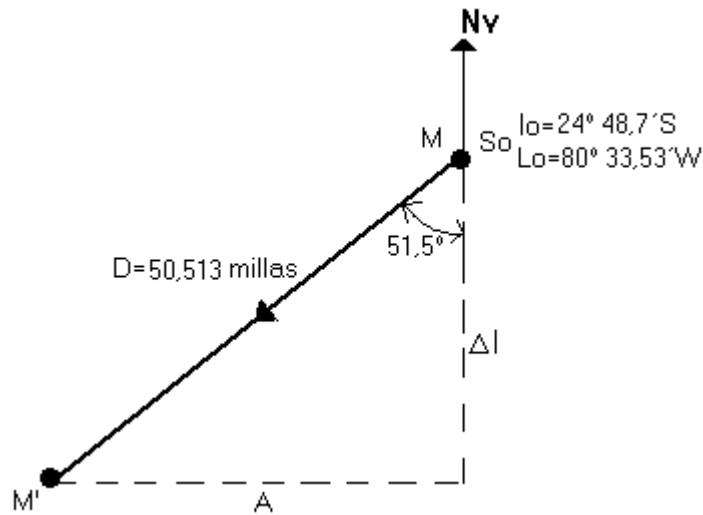
L_e =longitud estimada al mediodía en primera aproximación=
 $= 80^{\circ}\ 33,53'W + 43,02'W = 81^{\circ}\ 16,55'W$

Segunda aproximación al cálculo del TU del paso del sol por el meridiano del lugar. Barco en $L = 81^{\circ}\ 16,55'W$

$$HcL=12h\ 2,2m$$

$HcG=TU=HcL + L = 12h\ 2,2m + \frac{81^{\circ}\ 16,55'}{15^{\circ}} = 17h\ 27,303m$. Este es el tiempo en Greenwich del paso del sol por el meridiano superior del barco en segunda aproximación.

Δt =intervalo de tiempo navegado desde $TU=14h\ 5,25m$ hasta paso del Sol por la meridiana=
 $= 17h\ 27,303m - 14h\ 5,25m = 3,36755$ horas; el barco en ese tiempo habrá recorrido una distancia
 D =distancia navegada= $Vb \times \Delta t = 15 \times 3,36755 = 50,513$ millas



$$\Delta l = 50,513' \times \cos 51,5^\circ = 31,44'S$$

$$A = \text{apartamiento} = 50,513' \times \sin 51,5^\circ = 39,53'$$

$$l_m = \text{latitud media} = 24^\circ 48,7'S + \frac{\Delta l}{2} = 25^\circ 4,42'$$

$$\Delta L = \frac{39,53'}{\cos 25^\circ 4,42'} = 43,64'W$$

$$L_e = \text{longitud estimada al mediodía en segunda aproximación} = 80^\circ 33,53'W + 43,64'W = 81^\circ 17,17'W$$

$$l_e = \text{latitud estimada al mediodía en segunda aproximación} = 24^\circ 48,7'S + 31,44'S = 25^\circ 20,14'S$$

Cálculo altura verdadera del Sol al mediodía

$$a_i \odot \text{ limbo inferior} = 40^\circ 56,1'$$

$$a_o = \text{altura observada} = a_i + E_i = 40^\circ 56,1' + 2' = 40^\circ 58,1'$$

$$a_a = \text{altura aparente} = a_o + C_d$$

$$C_d = \text{Corrección por depresión (para altura observador} = 5 \text{ mts)} = -4'$$

$$a_a = 40^\circ 58,1' - 4' = 40^\circ 54,1'$$

$$C_{sd+refr+par} = \text{corrección por semidiámetro-refracción-paralaje} = +15' - 0,3' = +14,7'$$

$$a_v = \text{altura verdadera} = a_a + C_{sd+refr+par} = 40^\circ 54,1' + 14,7' = 41^\circ 8,8'$$

Cálculo de la declinación del Sol al mediodía (paso de éste por la meridiana del barco)

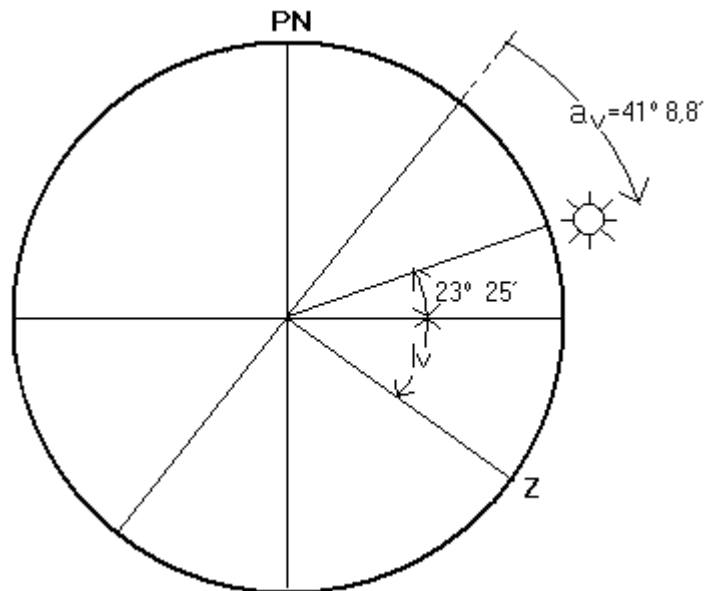
Hemos visto antes que el paso del Sol por la meridiana del barco se produce a:

$$TU = 17h 27,303m$$

En tablas AN para el día 23 de Junio de 2014

TU	Dec
17h	+23° 25'
18h	+23° 25'

$$\text{Para } TU = 17h 27,303m \rightarrow \text{Dec} = +23^\circ 25'$$

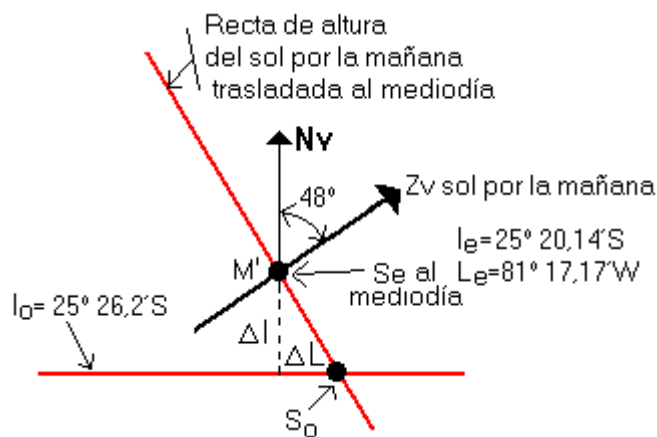


De la figura anterior se desprende:

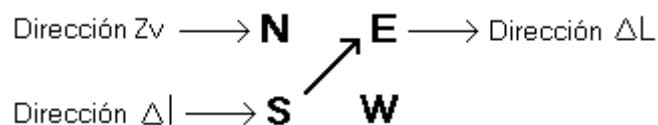
$$l_0 = \text{latitud verdadera al mediodía} = 90^\circ - (23^\circ 25' + 41^\circ 8,8') = 25^\circ 26,2'S$$

Cálculo de la longitud verdadera por Pagel

$$\Delta l = l_0 - l_e = 25^\circ 26,2'S - 25^\circ 20,14'N = 6,06'S$$



La dirección en la que se incrementa la longitud L respecto al punto M' (situación observada al mediodía) es evidente por la figura anterior que es hacia el Este, pero también se deduce por el método Pagel:



Aplicando el coeficiente Q Pagel encontrado en la medición de la mañana:

$$\Delta L = Q \times \Delta l = 0,9584 \times 6,06' = 5,81'E$$

Situación observada al mediodía y hora TU paso por la meridiana:

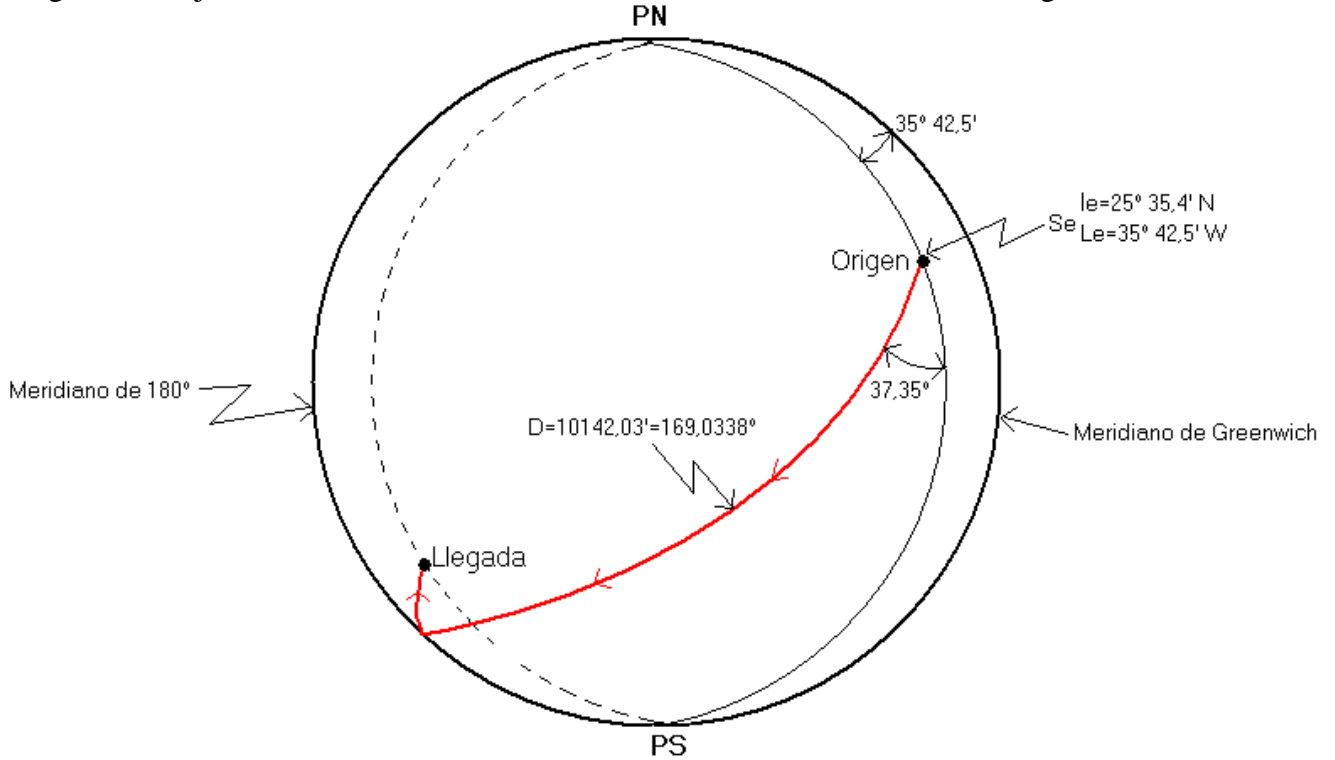
$$l_0 = 25^\circ 26,2'S$$

$$L_0 = L_e + \Delta L = 81^\circ 17,17'W - 5,81'E = 81^\circ 11,36'W$$

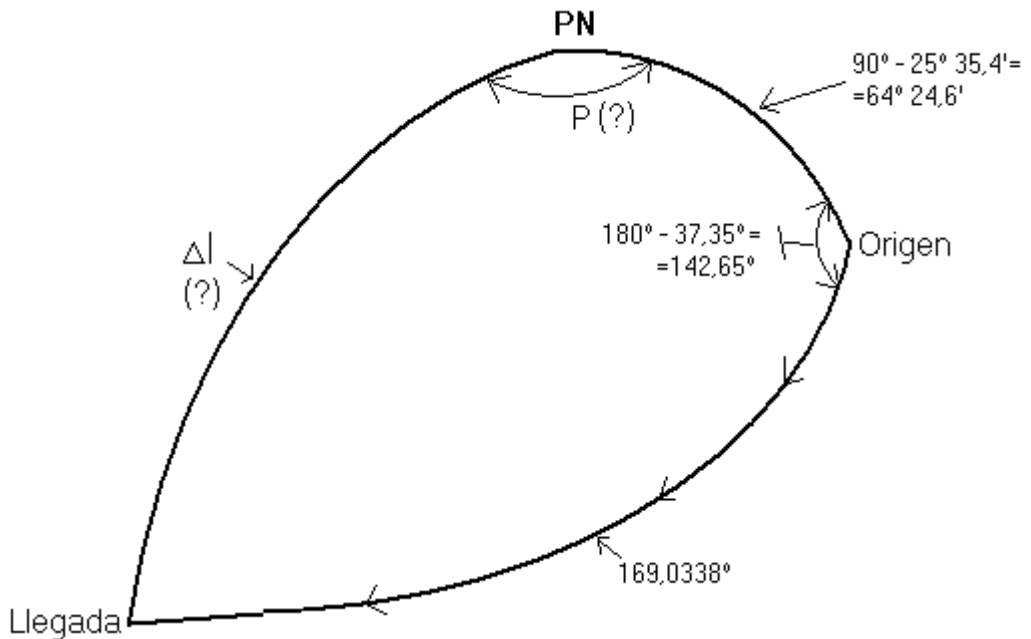
$$TU = 17h 27,303m$$

5) Posición de llegada

La figura de abajo indica los datos a tener en cuenta en la derrota ortodrómica a seguir



El triángulo esférico de posición quedará como en la figura de abajo.



Las incógnitas son el ángulo horario P en el polo (diferencia de longitudes entre el origen y destino) y el valor de Δl (diferencia de latitudes entre el origen y el destino).

Aplicando las fórmulas de la cotangente y el coseno tendremos:

$$\cotg 169,0338^\circ \times \text{sen } 64^\circ 24,6' = \cos 64^\circ 24,6' \times \cos 142,65^\circ + \text{sen } 142,65^\circ \times \cotg P$$

$$P = 171,99^\circ = 171^\circ 59,4'$$

$$\cos \Delta l = \cos 169,0338^\circ \times \cos 64^\circ 24,6' + \text{sen } 169,0338^\circ \times \text{sen } 64^\circ 24,6' \times \cos 142,65^\circ$$

$$\Delta l = 124,0855^\circ = 124^\circ 5,1'$$

Por lo tanto el punto de llegada tendrá de coordenadas:

$$l = 124^\circ 5,1'S - 90^\circ = 34^\circ 5,6'S$$

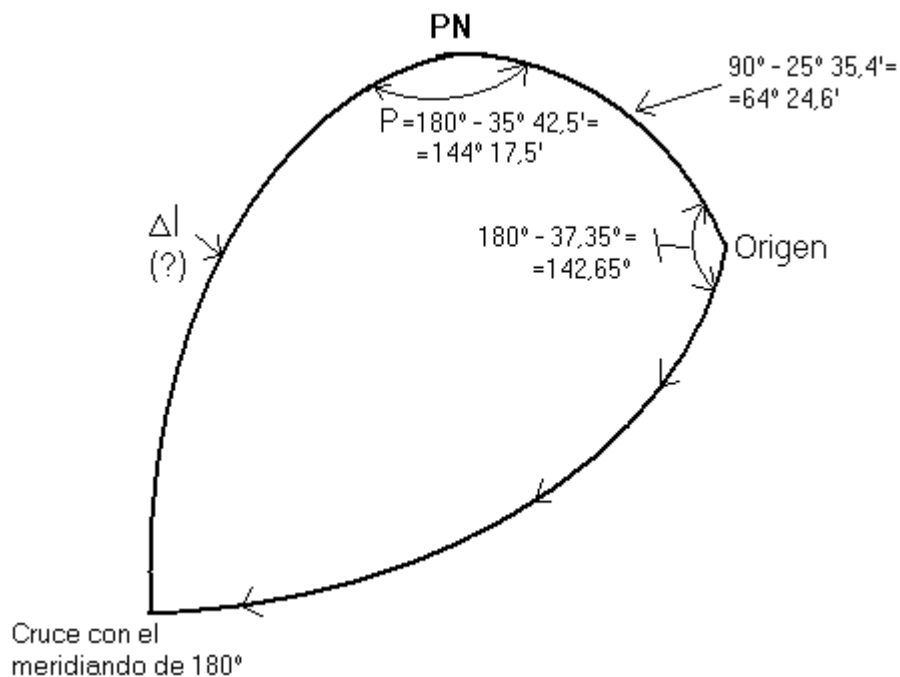
$$L = 35^\circ 42,5'W + 171^\circ 59,4'W = 152^\circ 18,1'E$$

6) Latitud de corte con el Meridiano de Greenwich

Respuesta: no cruza el meridiano de Greenwich

7) Latitud de corte con el Meridiano de 180°

Ahora el triángulo esférico tiene un ángulo en el polo de $180^\circ - 35^\circ 42,5' = 144^\circ 17,5'$



$$\cotg \Delta l \times \text{sen } 64^\circ 24,6' = \cos 64^\circ 24,6' \times \cos 144^\circ 17,5' + \text{sen } 144^\circ 17,5' \times \cotg 142,65^\circ$$

$$\Delta l = 141^\circ 2,6'$$

Por lo tanto el punto de cruce con el meridiano de 180° será:

$$l = 141^\circ 2,6'S - 90^\circ = 51^\circ 2,6'S$$

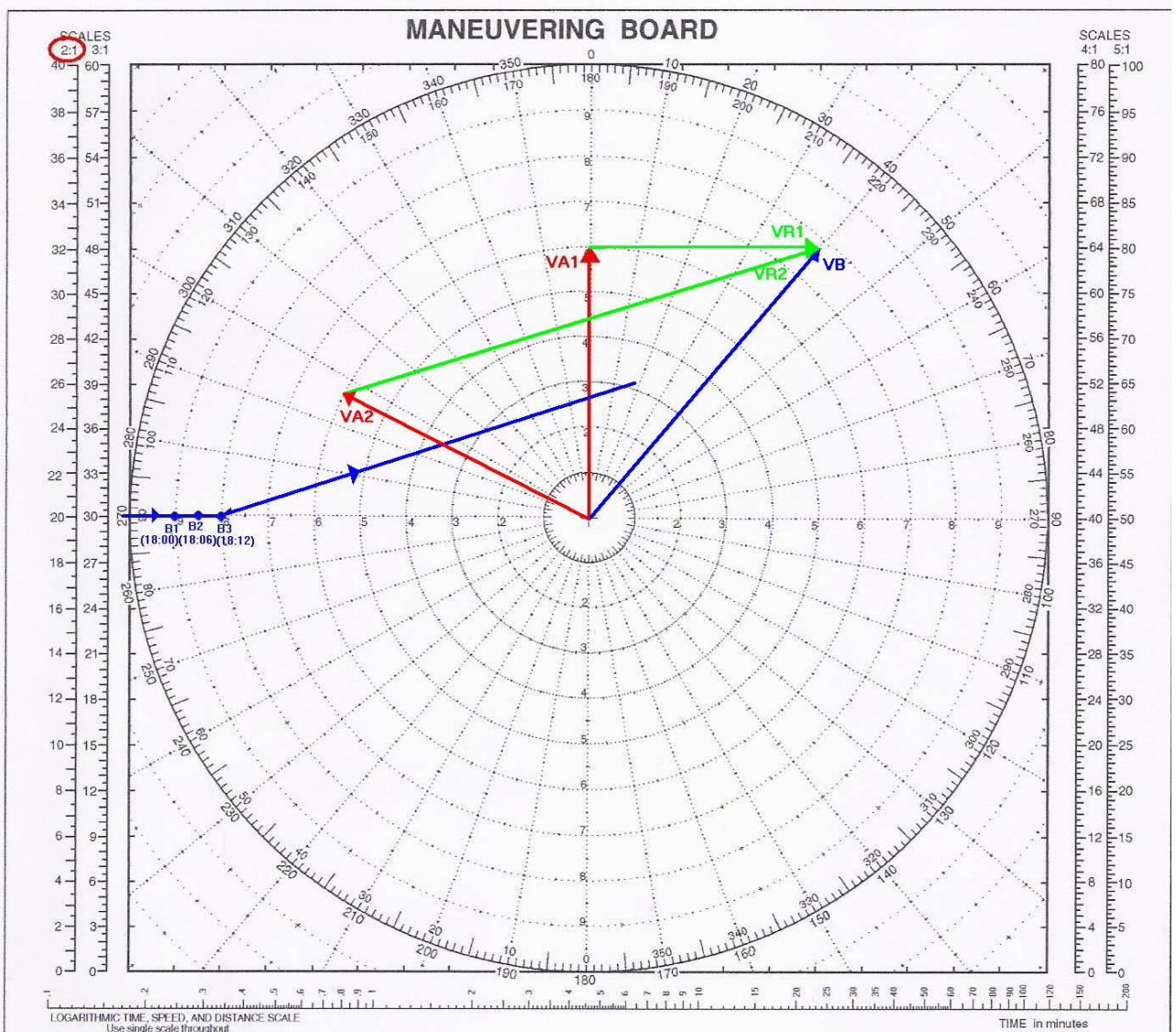
$$L = 180^\circ$$

Hay que hacer resaltar que la latitud máxima no se alcanza en el punto de llegada, ya que es un derrota ortodrómica.

8) Rumbo y velocidad del mega yate “Perla Negra”

- Utilizamos como escala de velocidades la escala 2:1 de la izquierda de la rosa de maniobras. La escala de posiciones es $\frac{1}{2}$ respecto a la escala indicada en la rosa de maniobras, de manera que e.g. cuando el barco B esté a 18 millas de distancia (punto B1), en la rosa de maniobras señalará una distancia de 9 millas.
- Los puntos B1-B2-B3 indican en la figura de abajo la indicatriz del movimiento del barco B (Perla Negra) respecto del nuestro (barco A).
- El vector VA1 indica la velocidad y el rumbo del barco A justo antes del instante HRB=18:06.
- La velocidad relativa VR1 del barco B respecto del A es de 10 nudos, ya que cada 6 minutos la distancia se decremента en 1 milla.
- Desde el extremo del vector VA1 trazamos una paralela a la indicatriz del movimiento B1-B2-B3 y de magnitud 10 nudos.
- El vector VB que define el rumbo y la velocidad del barco B (Perla Negra) es el que une el centro de la rosa de maniobras con el extremo de VR1.

Resultado: Velocidad del Perla Negra= 15,6 nudos, rumbo= 40°



9) Rumbo que pondremos si queremos pasar a 5 millas del Perla Negra en el menor tiempo.

- Desde el punto B3 (a $HRB=1812$), que se encuentra a 16 millas de distancia, trazamos una tangente al círculo de 5 millas (2,5 millas en la rosa de maniobras, ya que estamos utilizando una escala $\frac{1}{2}$ para las distancias). Esta será la nueva indicatriz del movimiento de B respecto de A, para que el barco A pase por la popa del B a 2,5 millas de distancia.
- Desde el extremo del vector VB trazamos una paralela a la indicatriz del movimiento anterior (VR2), y el punto de corte con el círculo de magnitud VA1 será el vector VA2 que define el rumbo y velocidad del barco A (la velocidad de A no ha cambiado, solamente el rumbo).

Respuesta: Nuevo rumbo del barco A=297°.