

Ejercicio Cálculos Náuticos Capitán de Yate Palma de Mallorca Julio 2014

Autor: Pablo González de Villaumbrosia García 24.08.2014

Ejercicio cedido por Juan Amengual Ordinas

<http://www.villaumbrosia.es>

Ejercicio nº 1

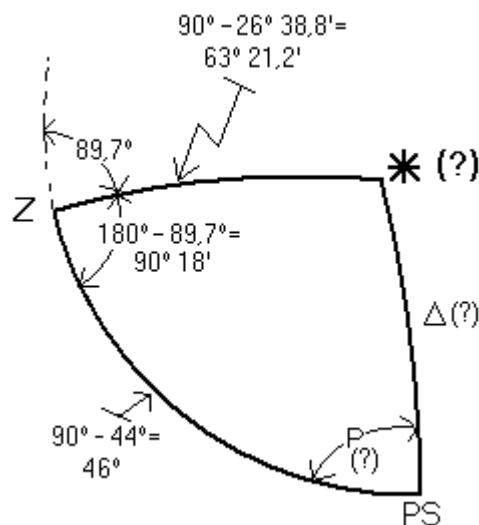
Siendo el TU=11:55:00 del día 5 de Julio de 2014, en situación estimada $\lambda = 44^\circ 00'S$ y $L = 161^\circ 00'W$; disponemos de una av aproximada de un astro desconocido = $26^\circ 38,8'$ y Zv aproximada de dicho astro = $089,7^\circ$.

Se pregunta: (20 puntos)

- Horario del astro desconocido.
- Angulo Sidéreo del astro desconocido.
- Declinación del astro
- Reconocer dicho astro, AS y Dec obtenidos del Almanaque Náutico

Respuestas

- a) El triángulo esférico de posición quedará así:



Resolviendo dicho triángulo:

$$\cotg 63^\circ 21,2' \times \sen 46^\circ = \cos 46^\circ \times \cos 90^\circ 18' + \sen 90^\circ 18' \times \cotg P$$

$$P = \text{ángulo horario en el polo del astro desconocido} = 69,97^\circ$$

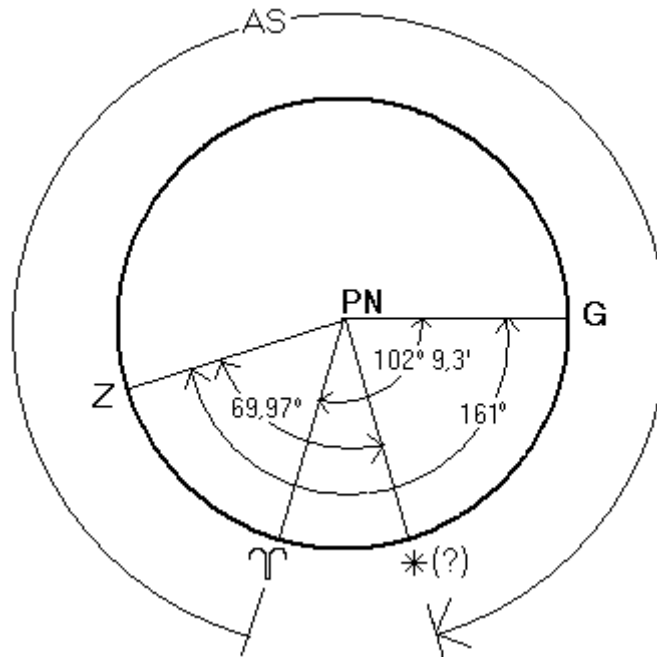
- b) TU de la observación = 11h 55m

En tablas Almanaque Náutico para el 5 de Julio de 2014:

| <u>TU</u> | <u>hGγ</u> |
|-----------|------------|
| 11h | 88° 22' |
| 12h | 103° 24,5' |

Interpolando para TU=12h 55m sale hGγ = 102° 9,3'

Con el ángulo P calculado anteriormente y éste valor de hG γ ya podemos dibujar el círculo horario del astro desconocido:



De la figura anterior se deduce:

$$AS = \text{ángulo sidéreo del astro desconocido} = 360^\circ - (69,97^\circ - (161^\circ - 102^\circ 9,3')) = 348^\circ 52,5'$$

c) Del triángulo esférico de posición anterior se deduce:

$$\cos \Delta = \cos 63^\circ 21,2' \times \cos 46^\circ + \sin 63^\circ 21,2' \times \sin 46^\circ \times \cos 90^\circ 18'$$

$$\Delta = \text{co-declinación del astro desconocido} = 72,0505^\circ \rightarrow \text{Dec} = \text{declinación del astro} = -(90^\circ - 72,0505^\circ) = -17^\circ 56,97'$$

d) Con los datos:

AS=348° 52,5' y Dec= -17° 56,97' obtenidos anteriormente, en página nº 376 del AN aparece la estrella nº 6 Diphda, cuya AS y Dec exactas son:

$$AS = 348^\circ 55,1'$$

$$Dec = -17^\circ 54,2'$$

Ejercicio nº 2

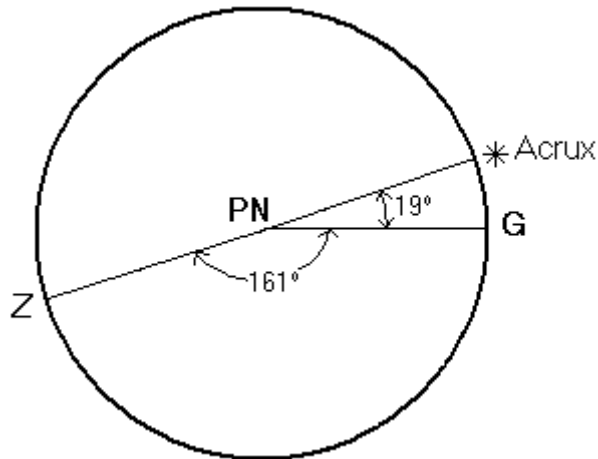
El día 5 de Julio de 2014 en situación $I= 44^{\circ} 00'S$ y $L= 161^{\circ} 00'W$

Se pregunta: (10 puntos)

- a) La hora de TU y fecha en Greenwich en el momento del paso de la estrella Acrux por el meridiano inferior del lugar

Respuesta

- a) Cuando Acrux pase por el meridiano inferior del lugar, estará con un ángulo de $180^{\circ} - 161^{\circ}=19^{\circ}$ al Este de Greenwich, como indica la figura de abajo.



En página nº 380 del AN vemos que el paso de Acrux por el meridiano de Greenwich en Julio de 2014 se realiza a las TU=17h 49m. A ese valor hay que aplicarle las correcciones 1 y 2 que vienen en la página 381 del AN.

- Corrección nº 1= -16m por ser día 5 Julio
- Corrección nº 2= -2m por estar en $L=161^{\circ}W$

Total, TU=17h 49m -16m - 2m=17h 31m

El movimiento aparente de las estrellas es a razón de 23h 56m (día sidéreo) por cada 360° de giro alrededor de la Tierra, por lo que el paso por el meridiano de 19° al Este de Greenwich (el meridiano inferior del lugar donde nos encontramos) se realizará $\frac{19^{\circ} \times 23h\ 56m}{360^{\circ}} = 1h\ 15,8m$ antes, o sea, a las TU=17h 31m - 1h 15,8m= 16h 15,2m.

Respuesta: Hora TU y fecha en Greenwich: TU=16h 15,2m del 5 de Julio de 2014

Ejercicio n° 3

Día 5 de Julio navegando al $R(A) = 090^\circ$, se observaron desde nuestro yate "A" los siguientes ecos y distancias a otro buque "B"

HRB= 10:00 1ª $Dv(B) = 160^\circ$ 1ª dist (B)= 8 millas

HRB= 10:15 2ª $Dv(B) = 155^\circ$ 2ª dist (B)=6 millas

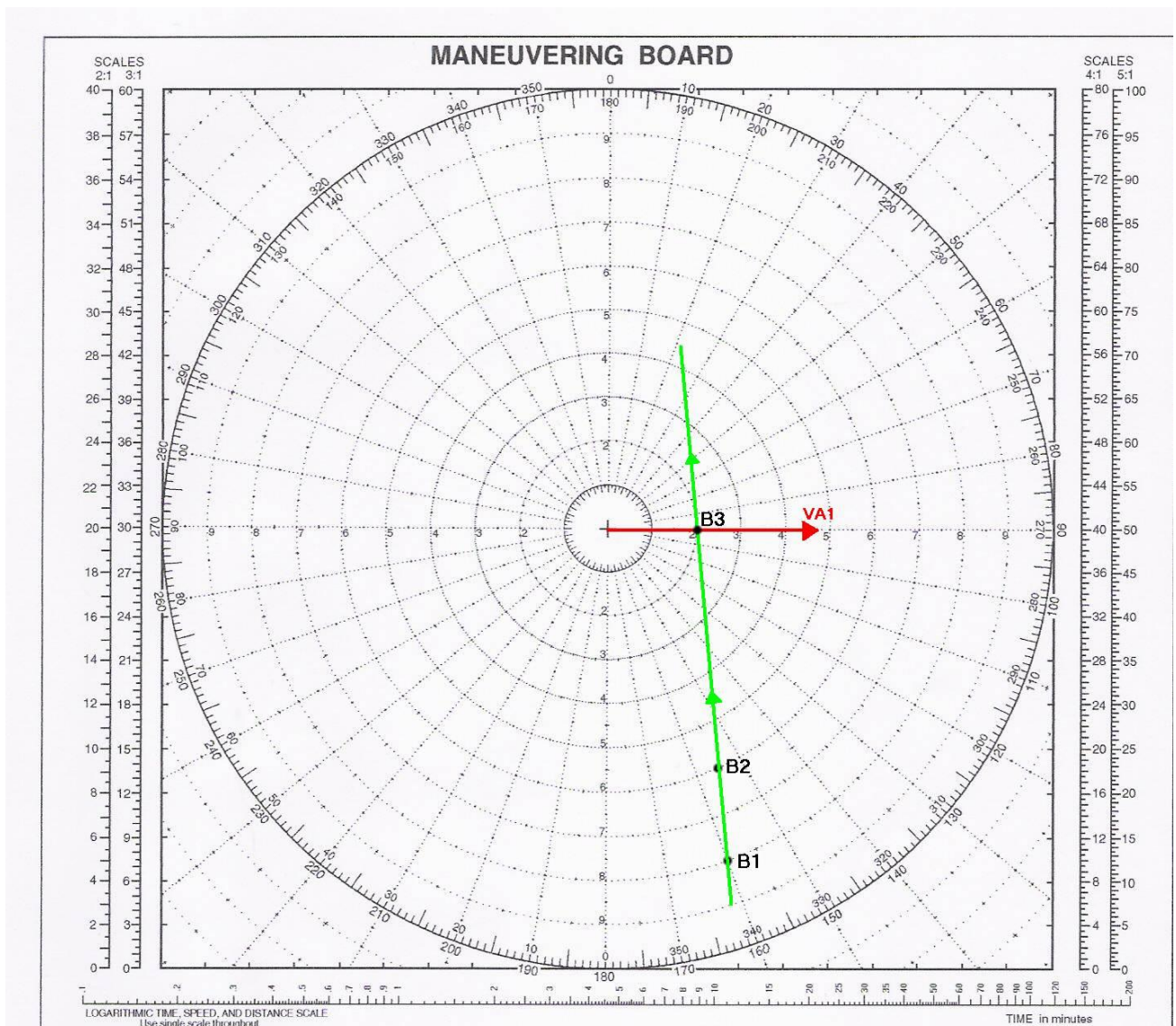
Seguimos navegando en iguales condiciones

Se pregunta: (10 puntos)

a) HRB y distancia en que "B" nos cruzará la proa

Respuesta

- a) El barco B decreta la distancia respecto del A en 2 millas cada 15 minutos, por lo que la velocidad relativa de B respecto de A será $V_R = 8$ nudos
- En la rosa de maniobras dibujamos los puntos B1 y B2 que estarán en las demoras y distancias que indica el enunciado del problema. La línea recta que une B1 y B2 (línea verde en la figura) será la indicatriz del movimiento del barco B respecto del A.



- Desde el centro de la rosa de maniobras trazamos un vector VA de magnitud indiferente y de demora 90°. Este vector indica el movimiento del barco A
- El punto B3 en la rosa de maniobras indica el punto en que el barco B cruza la proa del barco A. El cruce con la proa del A se produce a dos millas de distancia.
- La distancia B2-B3 se mide en la rosa igual a 5,4 millas. Puesto que VR=8 nudos, el tiempo que tardará el barco B en llegar de B2 a B3 es $\frac{5,4 \text{ millas}}{8 \text{ nudos}} = 40,5 \text{ minutos}$
HRB paso por la proa de A= 10h 15m + 40,5m= 10h 55,5m

Respuesta: Distancia de cruce por proa= 2 millas, a HRB= 10h 55,5m

Ejercicio nº 4

Día 5 de Julio de 2014 en situación de estima $l = 20^{\circ} 00' S$ y $L = 161^{\circ} 00' W$ navegando al $R_v = 090^{\circ}$ con $V_b = 20$ nudos, siendo el $TU = 19:00:00$ observamos una altura del Sol, calculando una $\Delta a = +5'$ y un $Z_v = 055^{\circ}$.

Navegamos desde la posición inicial estimada hasta el momento del paso del Sol por el meridiano superior en cuyo momento se obtuvo ai Sol limbo inferior = $47^{\circ} 20,4'$ cara al Norte.

Elev. Obs. = $4 m$, $e_i = -5'$

Se pregunta: (20 puntos)

- a) Situación al mediodía verdadero por intersección de dos rectas de altura, trasladando la primera por el meridiano móvil (o estima próxima y exacta en su defecto) hasta el paso del Sol.

Respuesta

a) En tablas del AN para el 5 de Julio de 2014 tenemos que $PMG =$ Paso del Sol por el Meridiano de Greenwich = $12h 4,6m$.

En primera aproximación suponemos el barco parado en la posición inicial estimada $L = 161^{\circ} W$, por lo que el tiempo TU de paso del Sol por el meridiano superior del lugar en que nos encontramos será:

$$TU = 12h 4,6m + \frac{161^{\circ}}{15^{\circ}} = 22h 48,6m$$

$\Delta t =$ intervalo de tiempo hasta paso del Sol por meridiano = $22h 48,6m - 19h 0m = 3,81h$

$D_1 =$ distancia navegada = $V_b \times \Delta t = 20 \times 3,81 = 76,2$ millas

Traslado del punto determinante

$R_v = 90^{\circ}$

$D =$ distancia navegada = $76,2$ millas

$Z_v = 55^{\circ}$

$\Delta a = +5'$

$l_e = 20^{\circ} S$

$L_e = 161^{\circ} W$

| R | D | Δl | | A | |
|----------------|---------|------------|---|---------|---|
| | | N | S | E | W |
| 90° | $76,2'$ | — | — | $76,2'$ | — |
| $N55^{\circ}E$ | $5'$ | $2,87'$ | — | $4,1'$ | — |
| | | $2,87'$ | | $80,3'$ | |

$\Delta l = 2,87' S$

$$l_m = \text{latitud media} = l_{\text{origen}} + \frac{\Delta l}{2} = 20^{\circ} S - \frac{2,87'}{2} = 19^{\circ} 58,6'$$

$$\Delta L = \frac{A}{\cos l_m} = \frac{80,3'}{\cos 19^{\circ} 58,6'} = 85,44' E$$

Situación estimada del punto determinante en primera aproximación:

$$le = 20^\circ \text{ S} - 2,87' \text{ N} = 19^\circ 57,13' \text{ S}$$

$$Le = 161^\circ \text{ W} - 85,44' \text{ E} = 159^\circ 34,56' \text{ W}$$

En segunda aproximación suponemos el barco en $L=159^\circ 34,56' \text{ W}$. El tiempo TU de paso del Sol por el meridiano superior del lugar en que nos encontramos será;

$$TU = 12\text{h } 4,6\text{m} + \frac{159^\circ 34,56'}{15^\circ} = 22\text{h } 42,9\text{m}$$

$$\Delta t = \text{intervalo de tiempo hasta paso del Sol por meridiano} = 22\text{h } 42,9\text{m} - 19\text{h } 0\text{m} = 3,715 \text{ h}$$

$$D1 = \text{distancia navegada} = Vb \times \Delta t = 20 \times 3,715 = 74,3 \text{ millas}$$

Traslado del punto determinante

$$R_v = 90^\circ$$

$$D = \text{distancia navegada} = 74,3 \text{ millas}$$

$$Z_v = 55^\circ$$

$$\Delta a = +5'$$

$$le = 20^\circ \text{ S}$$

$$Le = 161^\circ \text{ W}$$

| R | D | Δl | | A | |
|-------|-------|------------|---|-------|---|
| | | N | S | E | W |
| 90° | 74,3' | — | — | 74,3' | — |
| N55°E | 5' | 2,87' | — | 4,1' | — |
| | | 2,87' | | 78,4' | |

$$\Delta l = 2,87' \text{ S}$$

$$lm = \text{latitud media} = l_{\text{origen}} + \frac{\Delta l}{2} = 20^\circ \text{ S} - \frac{2,87'}{2} = 19^\circ 58,6'$$

$$\Delta L = \frac{A}{\cos lm} = \frac{78,4'}{\cos 19^\circ 58,6'} = 83,4' \text{ E}$$

Situación estimada del punto determinante en segunda aproximación:

$$le = 20^\circ \text{ S} - 2,87' \text{ N} = 19^\circ 57,13' \text{ S}$$

$$Le = 161^\circ \text{ W} - 83,4' \text{ E} = 159^\circ 36,6' \text{ W}$$

Cálculo de la meridiana del Sol

$$ai_{\odot} \text{ limbo inferior} = 47^\circ 20,4'$$

$$ao = \text{altura observada} = ai + ei = 47^\circ 20,4' - 5' = 47^\circ 15,4'$$

$$aa = \text{altura aparente} = ao + Cd$$

$$Cd = \text{corrección por depresión (para } eo = 4\text{m)} = -3,6'$$

$$aa = 47^\circ 15,4' - 3,6' = 47^\circ 11,8'$$

$$Csd + \text{refr} + \text{par} = \text{corrección por semidiámetro-refracción y paralaje} = +15,2' - 0,3' = +14,9'$$

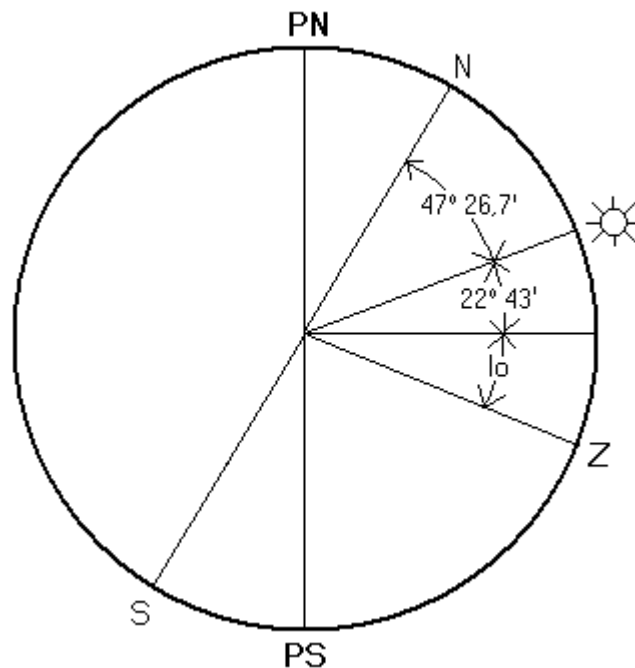
$$a_v = \text{altura verdadera} = a_a + C_{sd} + \text{refr} + \text{par} = 47^\circ 11,8' + 14,9' = 47^\circ 26,7'$$

Cálculo latitud observada

En tablas AN para el día 5 de Julio de 2014

| TU | Dec☀ |
|-----|------------|
| 22h | +22° 43,2' |
| 23h | +22° 43,0' |

Para TU = 22h 42,9m → Dec ≈ +22° 43,0'

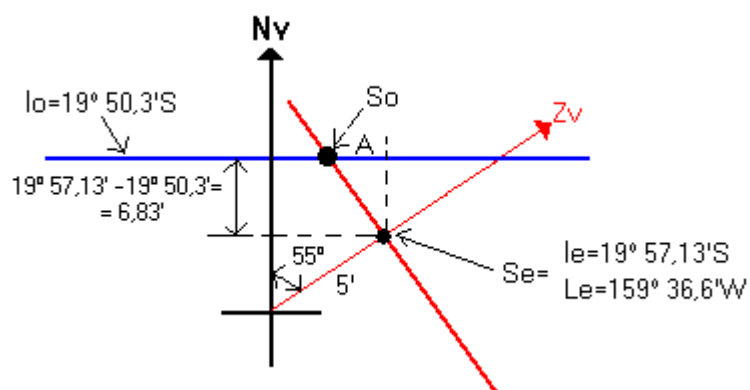


$$90^\circ = l_o + a_v + \text{Dec}$$

$$l_o = \text{latitud observada} = 90^\circ - a_v - \text{Dec} = 90^\circ - 47^\circ 26,7' - 22^\circ 43' = 19^\circ 50,3'S$$

$$\Delta l = l_o - l_e = 19^\circ 50,3'S - 19^\circ 57,13'S \approx +6,83'N$$

La situación observada S_o viene definida por la intersección de la recta de altura de latitud $l_o = 19^\circ 50,3'S$ con la recta de altura del Sol trasladada a la situación estimada del paso del Sol por el meridiano superior.



De la figura anterior:

$$A = \text{apartamiento de } S_o \text{ respecto a la situación estimada} = \frac{6,83'}{\tan 55^\circ} = 4,78'$$

$$\Delta L = \frac{A}{\cos l_m} = \frac{4,78'}{\cos 19^\circ 53'} = 5,08'W$$

Situación observada:

$$l_o = 19^\circ 50,3'S$$

$$L_o = 159^\circ 36,6'W + 5,08'W = 159^\circ 41,68'W$$

Ejercicio nº 5

Día 5 de Julio de 2014, deseamos calcular la corrección de índice por tangenteos de los limbos del Sol en un sextante de tambor, obteniéndose:

| Lectura directa | | | Angulo medido resultante |
|------------------------|----------------|-----------------|--------------------------|
| | Limbo sextante | Tambor sextante | |
| Lectura a la derecha | 0° | 33,5' | 0° 26,5' |
| Lectura a la izquierda | 0° | 36,3' | 0° 36,3' |

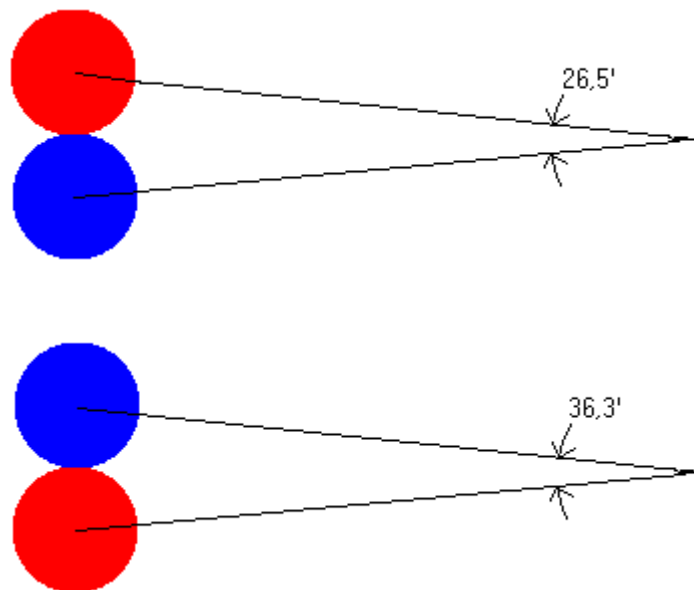
Se pregunta: (º0 puntos)

a) Valor de la corrección de índice y comprobación por medio del semidiámetro del Sol.

Respuesta

a) La lectura a la derecha 0° 26,5' se obtiene de la de 33,5' del tambor del sextante así:

$$26,5' = 60' - 33,5'$$



$$E_i = \text{error de índice del sextante} = \frac{26,5' - 36,3'}{2} = -4,9'$$

$$SD = \text{semidiámetro del Sol medido con el sextante} = \frac{26,5' + 36,3'}{4} = 15,7'$$

Este valor medido concuerda con el obtenido de las tablas del AN para el 5 de Julio de 2014, en la que podemos ver en página nº 195 que SD: 15,7'