

Ejercicio Cálculos Náuticos Capitán de Yate Palma de Mallorca Abril 2014

Autor: Pablo González de Villaumbrosia García 28.08.2014

Ejercicio cedido por Juan Amengual Ordinas

<http://www.villaumbrosia.es>

Ejercicio nº 1

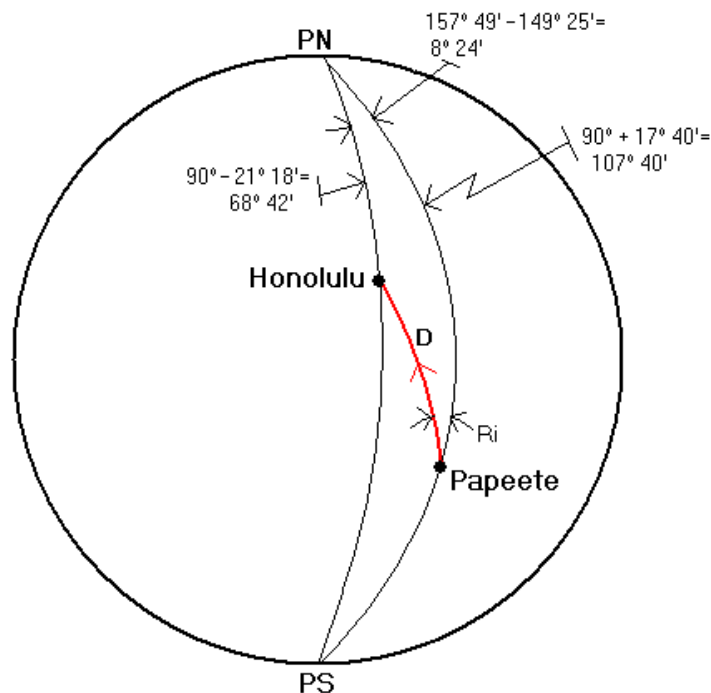
Calcular el Ri y la distancia ortodrómicas entre Papeete en la Polinesia Francesa (I= 17° 40'S y L= 149° 25'W) y Honolulu en las Islas Hawai (I= 21° 18'N y L= 157° 49'W)

Calcular:

- a) **Rumbo inicial ortodrómico (10 puntos)**
- b) **Distancia ortodrómica entre los dos puntos (5 puntos)**

Respuestas

- a) El triángulo esférico estará formado por los vértices de Papeete, Honolulu y PN (Polo Norte), tal como indica la figura de abajo.



Aplicando la fórmula de la cotangente:

$$\cotg 68^\circ 42' \times \sen 107^\circ 40' = \cos 107^\circ 40' \times \cos 8^\circ 24' + \sen 8^\circ 24' \times \cotg Ri$$

Ri= Rumbo inicial ortodrómico=N12,27°W

- b) En el mismo triángulo esférico, aplicando la fórmula del coseno:

$$\cos D = \cos 68^\circ 42' \times \cos 107^\circ 40' + \sen 68^\circ 42' \times \sen 107^\circ 40' \times \cos 8^\circ 24'$$

D=distancia ortodrómica= 39,8264°= 2389,6 millas

Ejercicio nº 2

A HRM 11:00 el yate "A" navega al $R(A) = 010^\circ$ y una $V_A = 10$ nudos. Otro yate "B" que se encuentra del "A" a una $D_v(B) = 100^\circ$ y a una distancia $d(B) = 10$ millas y navega a una $V(B) = 12$ nudos y a rumbo de colisión con respecto al yate "A".

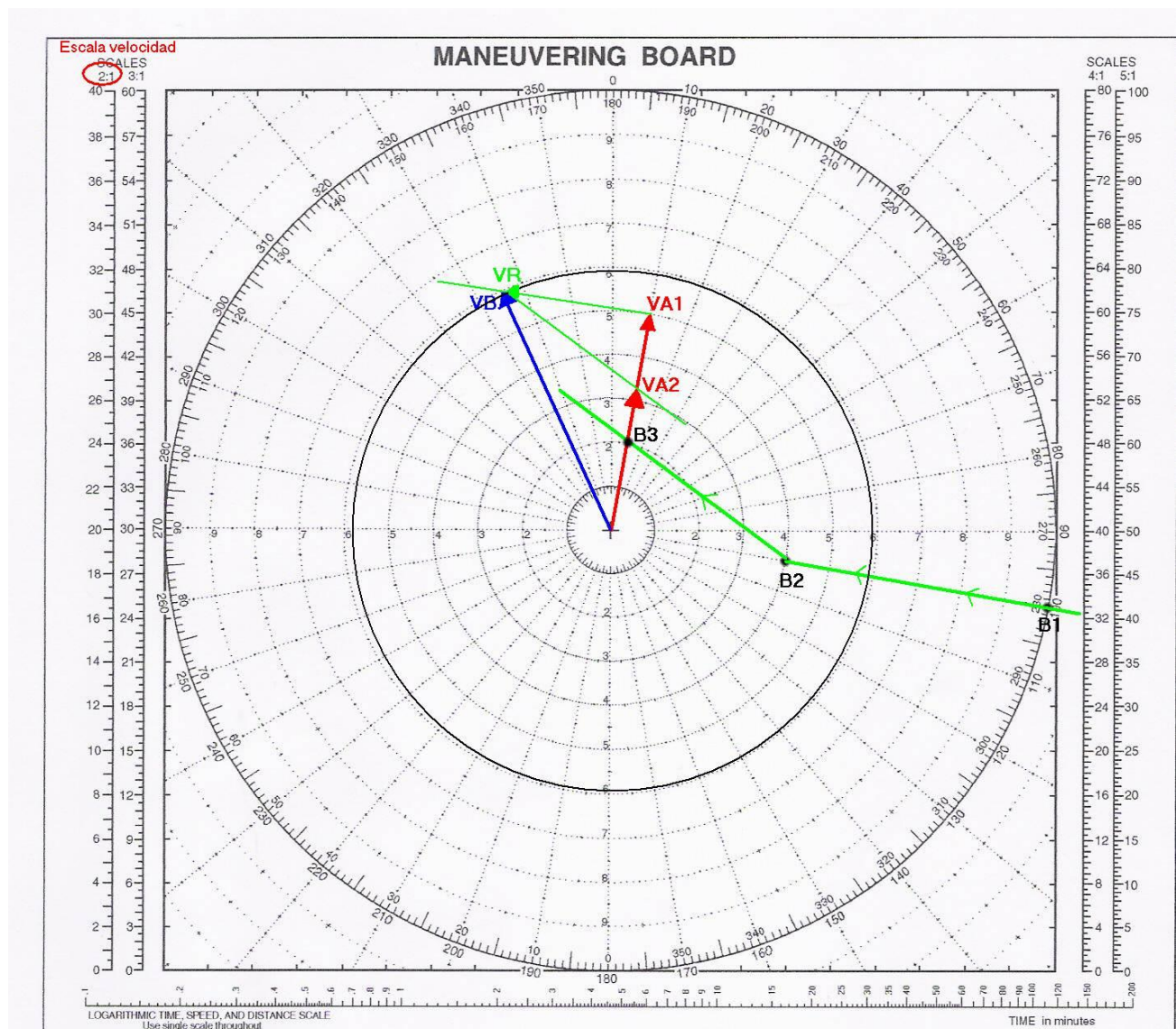
El yate "A" sigue navegando con el mismo rumbo y velocidad hasta que el yate "B" se encuentra a una distancia de 4 millas, instante en que modifica su velocidad para que el yate "B" le cruce la proa a 2 millas de distancia.

Se pregunta:

- Rumbo del yate "B" (5 puntos)
- HRB en que el yate A modifica su velocidad (5 puntos)
- Nueva velocidad de "A" (5 puntos)

Respuestas

a)



- En la rosa de maniobras dibujamos el vector VA1 que define el rumbo y velocidad del yate “A” (rumbo 10°, velocidad 10 nudos).
- Colocamos el punto B1, que es donde se encuentra el yate “B” a 10 millas de distancia y en demora 100°.
- Trazamos la indicatriz del movimiento del yate “B” respecto al del “A”, que pasa por B1 y por el centro de la rosa de maniobras (línea verde en la figura), ya que es un rumbo de colisión con el yate “A”.
- La velocidad del yate “B” son 12 nudos. Tenemos que averiguar el rumbo de “B”, para lo que trazamos desde el centro de la rosa de maniobras un círculo de velocidad 12 (círculo negro en la figura).
- Desde el extremo de VA1 trazamos una paralela a la indicatriz del movimiento anterior (línea verde desde VA1 en la figura). El punto de cruce de ésta línea con el círculo de velocidad 12 definirá el vector VR, velocidad relativa del yate “B” respecto del “A”.
- El rumbo del yate “B” está indicado por el vector VB que une el centro de la rosa de maniobras con el extremo de VR. Se mide rumbo del yate “B”= 336°

b)

- En la rosa de maniobras colocamos el punto B2, a distancia de 4 millas. Es el momento a partir del cual el yate “A” modificará su velocidad.
- La distancia B1-B2 es de 6 millas. La velocidad relativa del yate “B” respecto del yate “A” (vector VR) dibujado anteriormente, se mide en la escala de velocidades igual a 6,7 nudos. El tiempo que tardará el barco B en llegar de B1 a B2 es $\frac{6 \text{ millas}}{6,7 \text{ nudos}} = 53,7$ minutos.

HRB en que el yate “A” modifica su velocidad= 11h 0m + 53,7m= 11h 53,7m

c)

- El punto B3 en la rosa de maniobras es el cruce del vector VA1 con el círculo de distancia de 2 millas. Es el punto por el cual cruzará “B” la proa del “A” a dos millas de distancia. La nueva indicatriz del movimiento de “B” respecto de “A” será la recta que una los puntos B2 y B3. El vector VA2 que une el centro de la rosa de maniobras con el punto B3 definirá la nueva velocidad del yate “A”. Se mide VA2=6,6 nudos.

Ejercicio n° 3

El día 12 de Abril de 2014 al ser TU=05:00:00 observamos el paso del Sol por el meridiano superior del lugar.

Se pregunta:

- a) Longitud en la que nos encontramos (10 puntos)**
- b) HRB del mediodía verdadero (10 puntos)**

Respuestas

a) En página n° 111 del AN para el 12 de Abril de 2014 vemos que PMG=Paso del Sol por el Meridiano de Greenwich=12h 0,8m

El Sol se mueve (movimiento aparente) a razón de 15° por hora, de Este a Oeste.

Por lo tanto, al ser TU=5h el paso del Sol por nuestro meridiano, quiere decir que ha pasado 12h 0,8m – 5h=7h 0,8m antes que por Greenwich, lo cual define el punto donde nos encontramos:

$$L=15^\circ \times (7h\ 0,8m)= 105^\circ\ 12'E$$

b) TU=Hz + Z. Pero L=105° 12'E corresponde al Huso horario n° -7

Por lo tanto, TU=5h 0m= Hz – 7h → Hz=HRB=12h 0m

Ejercicio nº 4

El día 12 de Abril de 2014 en $L = 39^\circ 45'S$ y $L = 053^\circ 00'W$, siendo el $TU = 21:03:00$ calculamos por observación de la meridiana de Júpiter una latitud meridiana = $39^\circ 50'S$ y simultáneamente observamos $ai^*Regulus = 21^\circ 36,9'$

Elevación del observador = 10m; error instrumental = 3' izquierda

Se pregunta:

- a) Determinantes de la $*Regulus$ obtenidos por la situación estimada (20 puntos)
- b) Situación por intersección de las dos rectas de altura (10 puntos)

Respuestas

a) En tablas del Almanaque Náutico para el 12 de Abril de 2014:

<u>TU</u>	<u>hGγ</u>
21h	$155^\circ 59''$
22h	$171^\circ 1,5'$

Interpolando para $TU = 21h 3m 0s$ sale $hG\gamma = 156^\circ 44,1'$

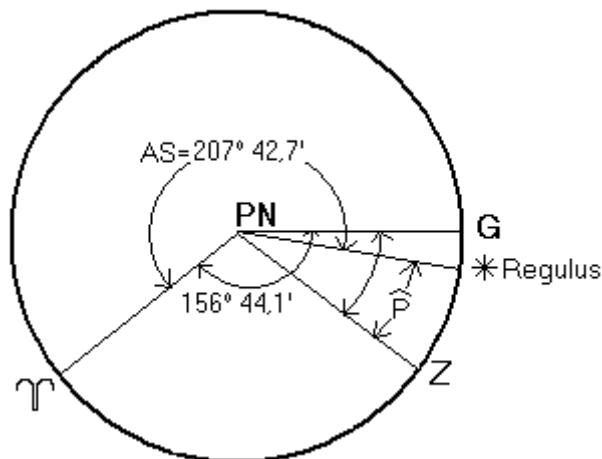
Por otro lado, en página nº 376 y 377 del AN para la estrella nº 50 Regulus:

$AS = 207^\circ 42,7'$

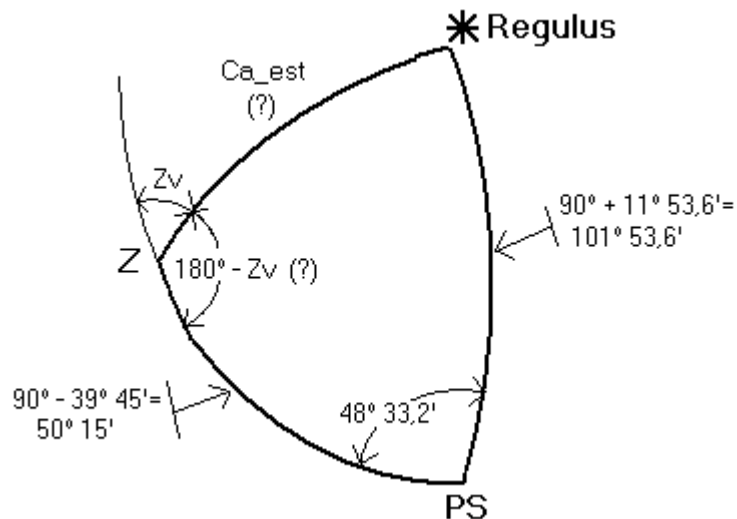
$Dec = +11^\circ 53,6'$

Dibujamos el círculo horario de la figura de abajo

$P = 53^\circ - (307^\circ 42,7' + 156^\circ 44,1' - 360^\circ) = 48^\circ 33,2'$



Con el dato de P y de Dec de Regulus ya podemos dibujar el triángulo de posición



Resolviendo dicho triángulo:

$$\cotg 101^\circ 53,6' \times \sen 50^\circ 15' = \cos 50^\circ 15' \times \cos 48^\circ 33,2' + \sen 48^\circ 33,2' \times \cotg (180^\circ - Z)$$

$$Zv = \text{azimut estrella Regulus} = 52^\circ$$

$$\cos Ca_{\text{est}} = \cos 50^\circ 15' \times \cos 101^\circ 53,6' + \sen 50^\circ 15' \times \sen 101^\circ 53,6' \times \cos 48^\circ 33,2'$$

$$Ca_{\text{est}} = \text{Co-altura estimada} = 68,51813^\circ \rightarrow a_e = 90^\circ - 68,51813^\circ = 21^\circ 28,9'$$

Por otro lado:

$$a_i^* = 21^\circ 36,9'$$

$$e_i = \text{error de índice de sextante} = -3'$$

$$a_o = \text{altura observada} = a_i + e_i = 21^\circ 36,9' - 3' = 21^\circ 33,9'$$

$$a_a = \text{altura aparente} = a_o + C_d$$

$$C_d = \text{corrección por depresión (para } e_o = 10 \text{ m)} = -5,6'$$

$$a_a = 21^\circ 33,9' - 5,6' = 21^\circ 28,3'$$

$$C_{\text{refrac.}} = \text{corrección por refracción (para } a_a = 21^\circ 28,3') = -2,5'$$

$$a_v = \text{altura verdadera} = a_a + C_{\text{refrac.}} = 21^\circ 28,3' - 2,5' = 21^\circ 25,8'$$

$$\Delta a = a_v - a_e = 21^\circ 25,8' - 21^\circ 28,9' = -3,1'$$

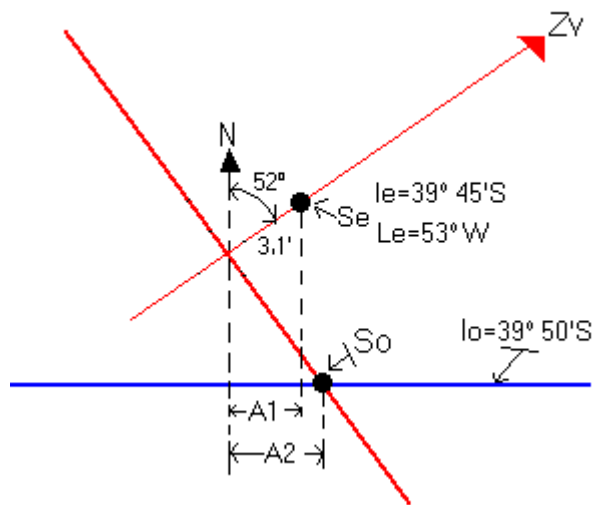
Determinante de Regulus:

$$Zv = 52^\circ = N52^\circ E$$

$$\Delta a = -3,1'$$

$$b) \Delta l = l_o - l_e = 39^\circ 50'S - 39^\circ 45'S = 5'S$$

La situación observada S_o viene definida por la intersección de la recta de altura de latitud $l_o = 39^\circ 50'S$ con la recta de altura de Regulus, según indica la figura de abajo



De la figura anterior:

$$A1 = 3,1' \times \sin 52^\circ = 2,44'$$

$$\tan 52^\circ = \frac{(39^\circ 50' - 39^\circ 45') - 3,1 \times \cos 52^\circ}{A2} \rightarrow A2 = 2,41'$$

$$A = \text{apartamiento de } So \text{ respecto a la situación estimada} = A2 - A1 = 2,41' - 2,44' = -0,03'$$

$$\Delta L = \frac{A}{\cos l_m} = \frac{0,03'}{\cos 39^\circ 47,5'} = 0,04' W$$

Situación observada:

$$l_o = 39^\circ 50' S$$

$$L_o = 53^\circ W + 0,04' W = 53^\circ 0,04' W$$

Ejercicio nº 5

El día 12 de Abril de 2014 en $L=173^{\circ}00'W$ al ser $TU=07:50:40$ se observó la $ai^{*}Polar=50^{\circ}2,9'$ y se tomó $Za^{*}Polar=7^{\circ}NE$. Declinación magnética = $5^{\circ}NW$

Elevación del observador = 10m; error instrumental = $7'$ izquierda

Se pregunta:

- a) Latitud observada por la Polar (10 puntos)
b) Desvío del compás (10 puntos)

Respuestas

a)

$$ai^{*}Polar = 50^{\circ}2,9'$$

$$ei = \text{error de índice de sextante} = -7'$$

$$ao = \text{altura observada} = ai + ei = 50^{\circ}2,9' - 7' = 49^{\circ}55,9'$$

$$aa = \text{altura aparente} = ao + Cd$$

$$Cd = \text{corrección por depresión (para } eo = 10 \text{ m)} = -5,6'$$

$$aa = 49^{\circ}55,9' - 5,6' = 49^{\circ}50,3'$$

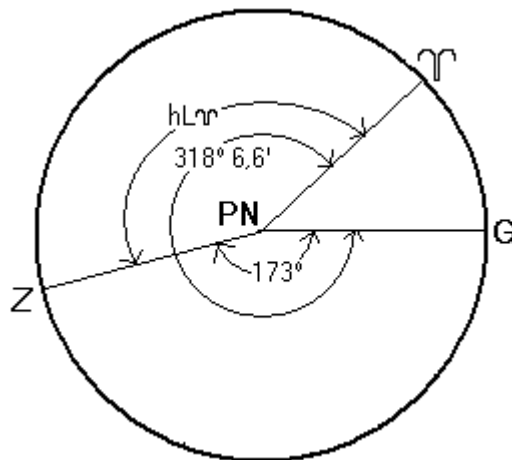
$$Crefrac. = \text{corrección por refracción (para } aa = 49^{\circ}50,3') = -0,8'$$

$$av = \text{altura verdadera} = aa + Crefrac = 49^{\circ}50,3' - 0,8' = 49^{\circ}49,5'$$

Por otro lado, en tablas del AN para el 12 de Abril de 2014

<u>TU</u>	<u>hGγ</u>
7h	$305^{\circ}24,5'$
8h	$320^{\circ}27,0'$

Interpolando para $TU=7h50m40s$, sale $hG\gamma=318^{\circ}6,6'$



Del círculo horario de la figura anterior se deduce:

$$hL\gamma = 318^{\circ}6,6' - 173^{\circ} = 145^{\circ}6,6'$$

$$lv = \text{latitud por la Polar} = av + C1 + C2 + C3$$

C1, C2 y C3 son las 3 correcciones que vienen en páginas nº 382 a 384 del AN de determinación de la latitud por observación de altura de la Polar.

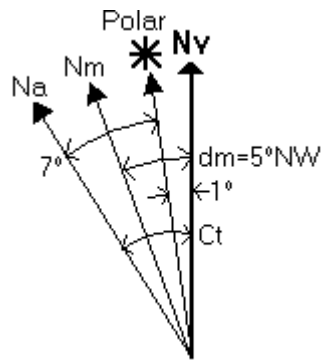
- Para $hL\gamma = 145^\circ 6,6' \rightarrow C1 = +8,7'$
- Para $hL\gamma = 145^\circ 6,6'$ y $av = 49^\circ 49,5' \rightarrow C2 = +0,3'$
- Para $hL\gamma = 145^\circ 6,6'$ y 12 de Abril $\rightarrow C3 = +0,3'$

$lv = \text{latitud por la Polar} = av + C1 + C2 + C3 = 49^\circ 49,5' + 8,7' + 0,3' + 0,3' = 49^\circ 58,8'$

b)

En página nº 385 del AN de azimut de la Polar:

- Para $hL\gamma = 145^\circ 6,6'$ y $l = 49^\circ 58,8' \rightarrow Z_{\text{polar}} = -1^\circ$



$Ct = \text{corrección total} = -(7^\circ + 1^\circ) = -8^\circ$

$Ct = -8^\circ = dm + \Delta = -5^\circ + \Delta \rightarrow \Delta = \text{desvío del compás} = -8^\circ + 5^\circ = -3^\circ = 3^\circ \text{NW}$