

Ejercicio Cálculos Náuticos Capitán de Yate Madrid 14 Diciembre 2013

Autor: Pablo González de Villaumbrosia García 26.07.2014

Ejercicio nº 1 (valor 3). Elija únicamente 2 apartados de los 4 propuestos. Indique los apartados que ha elegido en la cuadrícula de soluciones.

A) El 14 de Diciembre de 2013 se observa ai del limbo superior del Sol 25° 30', Ci=2'(-) y elevación del observador=8 m.

Determine la altura verdadera

$$a_{i\odot} \text{ limbo superior} = 25^\circ 30'$$

$$a_o = \text{altura observada} = a_i + C_i = 25^\circ 30' - 2' = 25^\circ 28'$$

$$a_a = \text{altura aparente} = a_o + C_d$$

$$C_d = \text{corrección por depresión (para } e_o = 8 \text{ m)} = -5,0'$$

$$a_a = 25^\circ 28' - 5' = 25^\circ 23'$$

$$C_{sd+refr+p} = \text{Corrección por Semidiámetro-refracción-paralaje (para } a_a = 25^\circ 23') = +14,1' + 0,2' = +14,3'$$

$$C_{diam.} = \text{Corrección por diámetro} = -2 \times SD = -2 \times 16,2' = -32,4'$$

$$a_v = \text{altura verdadera} = a_a + C_{sd+refr+p} + C_{diam} = 25^\circ 23' + 14,3' - 32,4' = 25^\circ 4,9'$$

B) El 14 de Diciembre de 2013 a TU= 10-20-25 nos encontramos en situación latitud=20° 25'N, Longitud=040° 50'E

Calcule el horario y la declinación de Venus.

En tablas Almanaque Náutico para el 14 de Diciembre de 2013 para Venus:

<u>TU</u>	<u>hGQ</u>	<u>Dec</u>
10h	292° 59,1'	-21° 51,2'
11h	308° 1,0'	-21° 50,7'

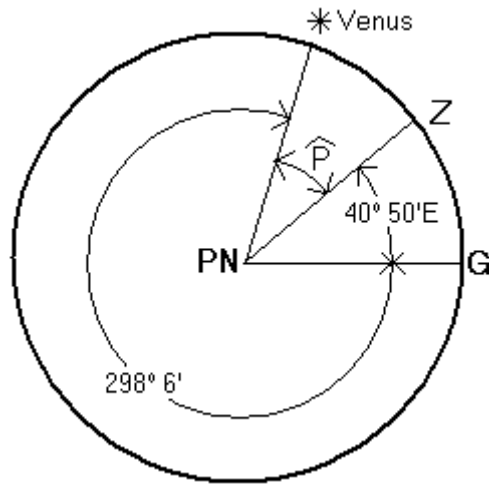
Interpolando para TU=10h 20m 25s sale:

$$hGQ = 298^\circ 6'$$

$$Dec = -21^\circ 51,03'$$

En tablas Almanaque Náutico para el 14 de Diciembre de 2013 para Venus:

<u>TU</u>	<u>hGQ</u>	<u>Dec</u>
10h	292° 59,1'	-21° 51,2'
11h	308° 1,0'	-21° 50,7'



$$P = \text{ángulo horario} = 360^\circ - 298^\circ 6' - 40^\circ 50' = 21^\circ 4'$$

$$\text{Dec} = -21^\circ 51,03'$$

C) Calcule la hora UTC de la salida del Sol el 14 de Diciembre de 2013 si nos encontramos en latitud=38° 26'N, Longitud=000° 28'E

La hora de salida del Sol el 14 de Diciembre de 2013 la encontraremos promediando las horas de salida del Sol de los días 13 y 15 de Diciembre de 2013.

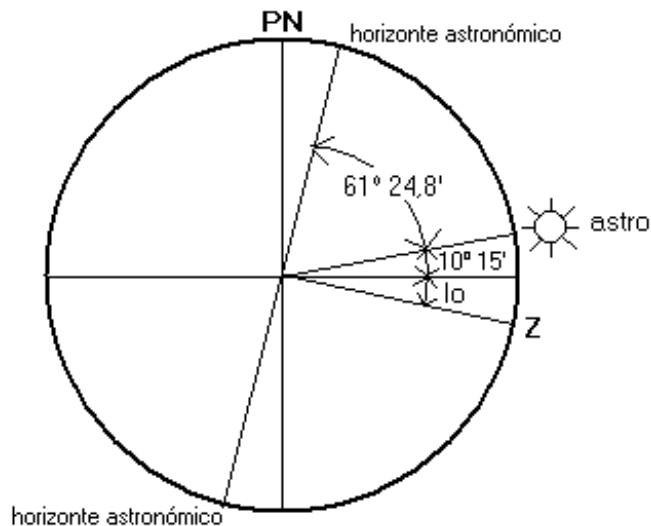
- HcL salida Sol 13 Diciembre 2013 (l=38° 26'N) = 7h 8,61m
- HcL salida Sol 15 Diciembre 2013 (l=38° 26'N) = 7h 10,61m

$$\text{HcL (Hora Civil del Lugar) salida Sol 14 Diciembre 2013 (l=38° 26'N)} = \frac{7\text{h } 8,61\text{m} + 7\text{h } 10,61\text{m}}{2} = 7\text{h } 9,61\text{m}.$$

$$\text{UTC} = \text{HcL} + L = 7\text{h } 9,61\text{m} - \frac{0^\circ 28'}{15^\circ} = 7\text{h } 7,74\text{m}$$

D) En latitud estimada=18° 30'S se observa un astro que tiene una declinación =10° 15'N al pasar por el meridiano superior con altura=61° 24,8'.

Calcule la latitud observada indicando si es N o S.



De la figura anterior:

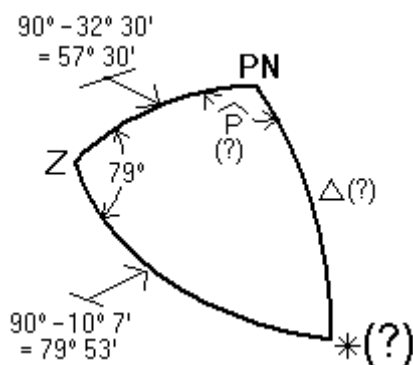
$$lo = \text{latitud observada} = 90^\circ - 10^\circ 15' - 61^\circ 24,8' = 18^\circ 20,2'S$$

Ejercicio n° 2 (valor 1,5) Obligatorio.

En situación $l=32^\circ 30'N$; $L=22^\circ 21'W$, el 30/09/2013 al ser $H_z=05h\ 54m$ se observa un astro con $av=10^\circ 07'$ y $Zv=N79^\circ E$

Reconocer el astro

Con los datos del enunciado dibujamos el triángulo esférico de posición:



Resolviendo dicho triángulo:

$$\cotg 79^\circ 53' \times \text{sen } 57^\circ 30' = \cos 57^\circ 30' \times \cos 79^\circ + \text{sen } 79^\circ \times \cotg P$$

$$P = \text{ángulo horario en el polo del astro desconocido} = 87,2027^\circ$$

$$\cos \Delta = \cos 57^\circ 30' \times \cos 79^\circ 53' + \text{sen } 57^\circ 30' \times \text{sen } 79^\circ 53' \times \cos 79^\circ$$

$$\Delta = \text{co-declinación del astro} = 75,3566^\circ \rightarrow \text{Dec} = \text{declinación del astro} = 90^\circ - 75,3565^\circ = 14^\circ 38,6'$$

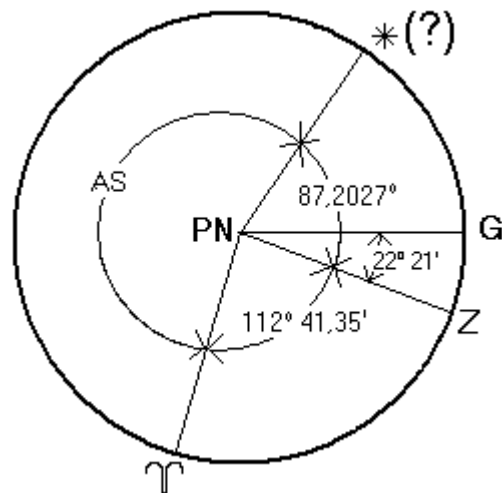
$$L = 22^\circ 21'W \rightarrow \text{Huso horario n}^\circ 1$$

TU de la observación= 5h 54 m + 1h= 6h 54m

En tablas Almanaque Náutico para el 30 de Septiembre de 2013:

<u>TU</u>	<u>hGy</u>
6h	99° 9,1'
7h	114° 11,6'

Interpolando para TU=6h 54m sale hGy= 112° 41,35'



De la figura anterior: AS=ángulo sidéreo del astro desconocido=
 $= 360^\circ - 112^\circ 41,35' - 87,2027^\circ + 22^\circ 21' = 182^\circ 27,5'$

Con los datos:

AS=182° 27,5'

Dec= 14° 38,6'

En el AN aparece la estrella nº 55 **Denébola**

Ejercicio nº 3 (valor 2,0) Obligatorio.

En situación $I=35^\circ 20'N$; $L= 23^\circ 55'W$, se obtienen los siguientes determinantes:

Alphard: $Z_v = S13^\circ E$ y $\Delta a = -5'$

Capella: $Z_v = N58^\circ W$ y $\Delta a = +4,5'$

Alkaid: $Z_v = N50^\circ E$ y $\Delta a = +6,5'$

Calcule la situación observada

En la figura de abajo y en papel milimetrado a escala, trazamos las rectas de altura (color azul) perpendiculares a las rectas de azimut (color rojo).

El punto de cruce de las 3 bisectrices (bisectrices de altura) determina la posición observada.

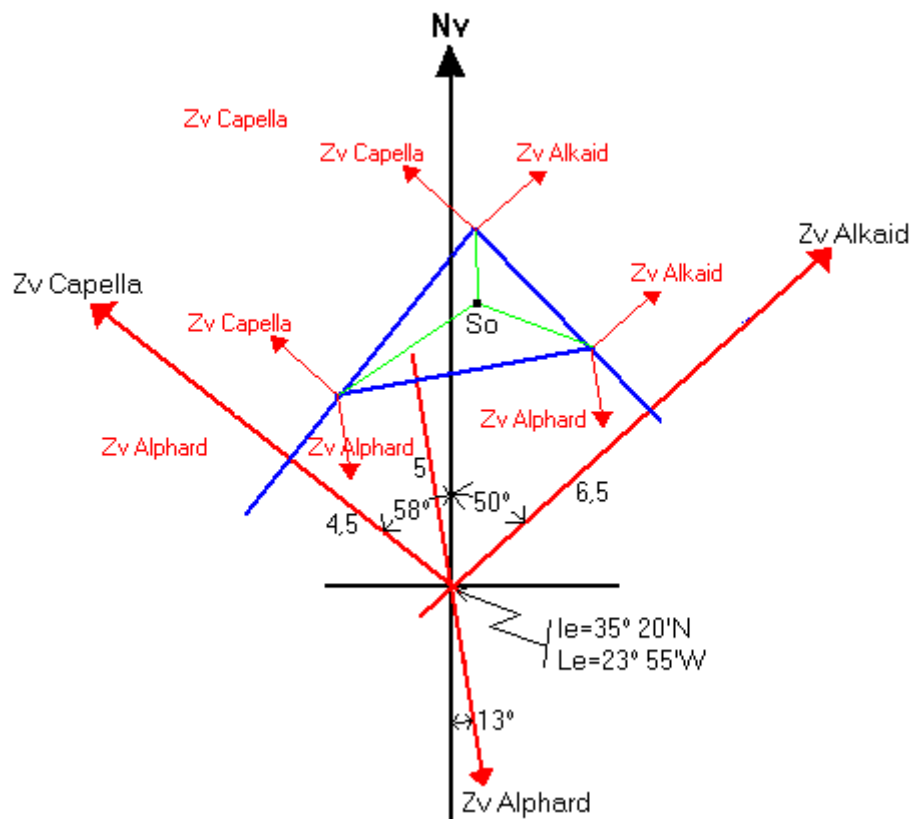
La latitud observada se mide directamente en la gráfica.

Para medir la longitud se mide primero el apartamiento (diferencia en el papel milimetrado a escala entre a el punto So y el eje de ordenadas) y luego se divide por el coseno de la latitud media.

$$l_o = \text{latitud observada} = 35^\circ 20'N + 6,8'N = 35^\circ 26,8'N$$

$$\text{Apartamiento de } S_o = 0,7'E \rightarrow \Delta L = \frac{0,7'}{\cos 35^\circ 20'} = 0,86'E$$

$$L_o = \text{longitud observada} = 23^\circ 55'W - 0,86'E = 23^\circ 54,14'W$$



Ejercicio n° 4 (valor 2,0) Obligatorio.

Navegamos a rumbo 285° y velocidad 12 nudos. A las 12h 00m localizamos otro eco B en demora $= 340^\circ$ y distancia 9 millas. A las 12h 12m la demora se mantiene en 340° y distancia 7 millas. A las 12h 24m teniendo el eco a 5 millas maniobramos para dejar el buque a 2 millas por nuestro babor.

Calcule:

- a) ¿Qué rumbo y velocidad lleva B?
b) Nuevo rumbo que ponemos a las 12 h 24 m y hora a la que nos encontraremos a la mínima distancia.

- Como escala de velocidades tomamos la indicada con un círculo en la parte de arriba a la izquierda de la rosa de maniobras.
- El vector VA1 en la figura de abajo define la velocidad y el rumbo de nuestro barco (barco A).
- Los puntos B1-B3-B3 definen la indicatriz del movimiento del barco B respecto del A. Puesto que el barco B avanza a razón de 2 millas cada 12 minutos, la velocidad relativa de éste respecto de A es $VR1 = \frac{60}{12} \times 2 = 10$ nudos. El vector VR1 es de magnitud 10 nudos y es paralelo a la indicatriz B1-B2-B3, y se traza desde el extremo de VA1.
- El vector VB (que define la velocidad y el rumbo del barco B) es el que une el centro de la rosa de maniobras con el extremo de VR1.

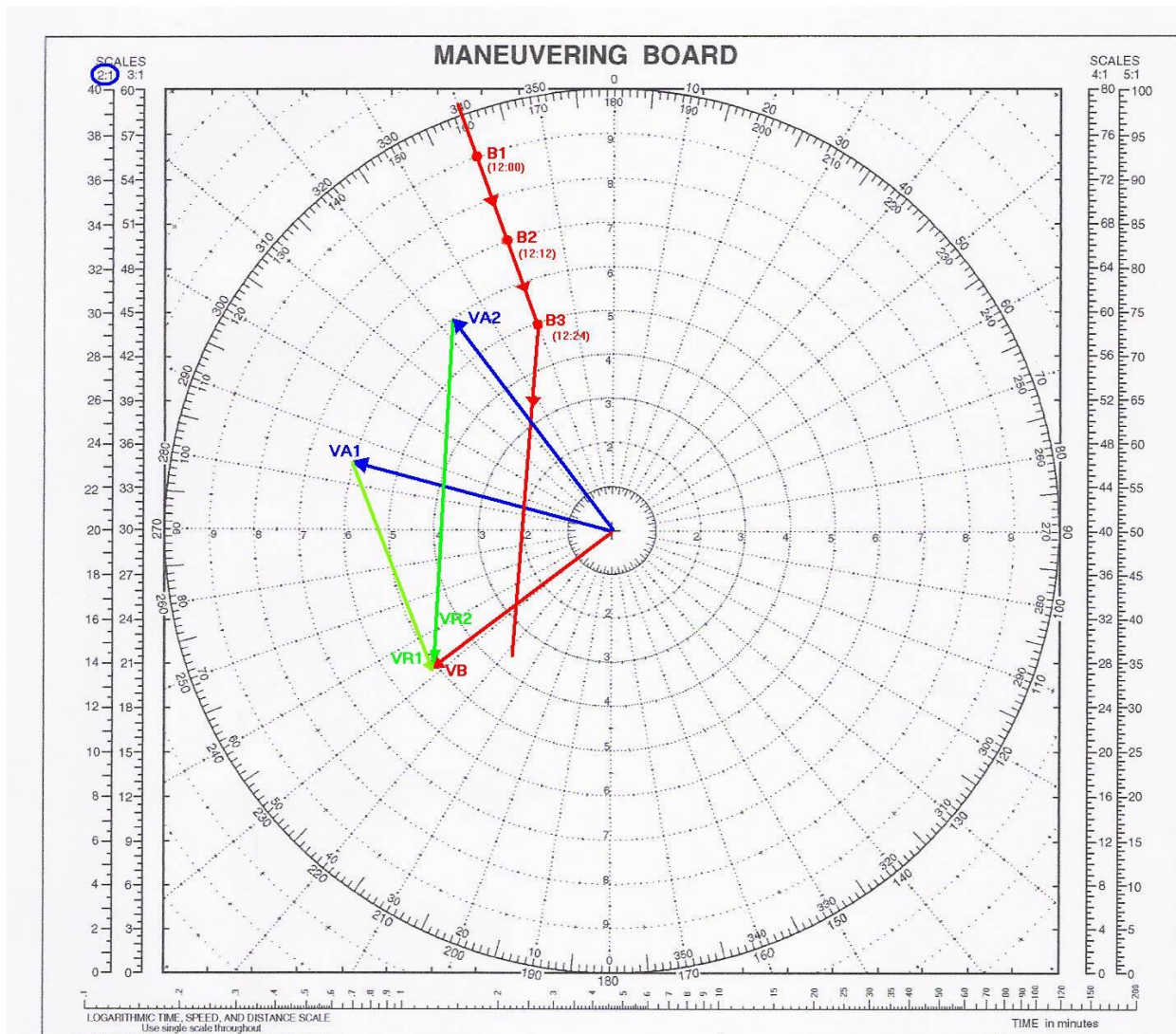
Respuesta a) Velocidad del barco B=10 nudos, rumbo 232° .

- Para que el barco B pase a dos millas por babor de nuestro barco A, trazamos desde B3 una nueva indicatriz del movimiento que sea tangente al círculo de 2 millas, tal como indica la figura.
- Desde el extremo de VB trazamos una paralela a esa nueva indicatriz del movimiento. El punto en que dicha paralela corte al círculo de velocidad de 12 nudos de A, definirá el nuevo valor del vector VA2 (la velocidad de A no cambia, sólo el rumbo).

Respuesta b) Nuevo rumbo del barco A= 323°

- En la indicatriz del movimiento a partir de B3, se mide la distancia desde B3 hasta el punto de tangencia con el círculo de 2 millas, que resulta ser 4,7 millas.
- La nueva velocidad relativa VR2 es 15,8 nudos, por lo que el barco B tardará (desde B3) en estar a dos millas del A un tiempo de $\frac{4,7 \text{ millas}}{15,8 \text{ nudos}} = 17,85$ minutos

Respuesta b) Hora a la que B se encontrará a dos millas de A= $12h 24m + 17,85m = 12h 41,85m$



Ejercicio nº 5 (valor 3,0) Obligatorio.

El 29 de Noviembre de 2013 a TU=09-32-00 en situación de estima $l=40^{\circ}30'N$ y $L=004^{\circ}23'W$ observamos ai del limbo inferior del Sol $18^{\circ}15'$. Continuamos navegando al $Rv=235^{\circ}$, $Vb=12$ nudos hasta el paso del Sol por el meridiano superior del lugar, momento en el que observamos la ai del limbo inferior del Sol $28^{\circ}15'$. $Ci=2'(-)$ y elevación del observador=8 m.

- Calcule el determinante del Sol a TU=09 32
- La situación estimada en la meridiana
- La latitud observada en la meridiana y el azimut del Sol.

Cálculo ángulo horario del Sol por la mañana

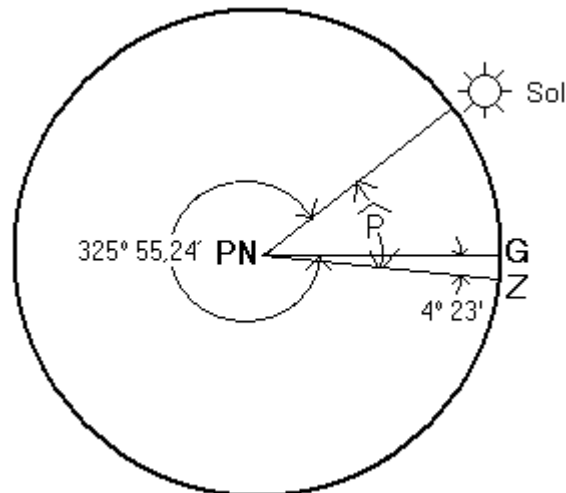
TU = 9h 32m día 29 Noviembre de 2013

En tablas Almanaque Náutico para dicho día:

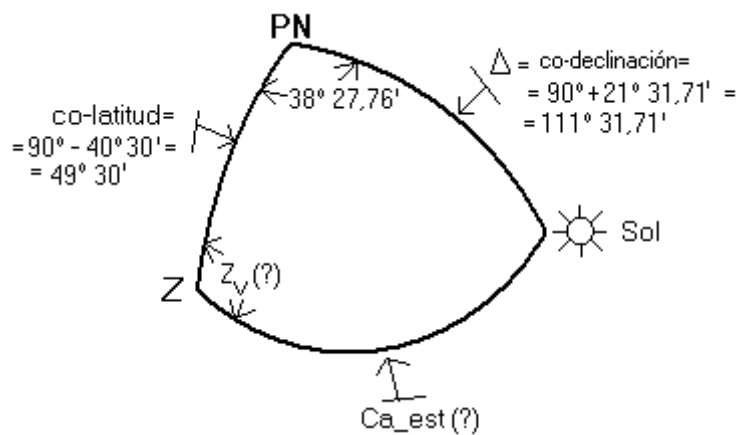
<u>TU</u>	<u>hG☀</u>	<u>Dec</u>
9h	317° 55,4'	-21° 31,5'
10h	332° 55,1'	-21° 31,9'

Interpolando para TU = 9h 32m sale:

$hG☀ = 325° 55,24'$
 $Dec = -21° 31,71'$



$P = h_e = \text{ángulo horario en el Polo entre el Sol y el barco} = 360° - 325° 55,24' + 4° 23' = 38° 27,76'$



Del triángulo esférico de posición de la figura anterior sale:

$$\cotg 111° 31,71' \times \text{sen } 49° 30' = \cos 49° 30' \times \cos 38° 27,76' + \text{sen } 38° 27,76' \times \cotg Z_v$$

$$Z_v = 142,43° = S37,57°E$$

$$\cos Ca_{est} = \cos 49° 30' \times \cos 111° 31,71' + \text{sen } 49° 30' \times \text{sen } 111° 31,71' \times \cos 38° 27,76'$$

$$Ca_{est} = \text{co-altura estimada} = 71,606° \rightarrow a_e = 90° - 71,606° = 18° 23,6'$$

Cálculo altura verdadera del Sol por la mañana

a_i ☉ limbo inferior = 18° 15'

a_o = altura observada = $a_i + C_i = 18° 15' - 2' = 18° 13'$

a_a = altura aparente = $a_o + C_d$

C_d = corrección por depresión (para $e_o = 8$ m) = $-5,0'$

$a_a = 18° 13' - 5' = 18° 8'$

$C_{sd+refr+p}$ = Corrección por Semidiámetro-refracción-paralaje (para $a_a = 18° 8'$) = $+13,2' + 0,2' = +13,4'$

a_v = altura verdadera = $a_a + C_{sd+refr+p} = 18° 8' + 13,4' = 18° 21,4'$

Respuesta pregunta a). Determinante del Sol por la mañana

$\Delta a = a_v - a_e = 18° 21,4' - 18° 23,6' = -2,2'$

$Z_v = S37,57°E$

Cálculo exacto del intervalo de tiempo y distancia navega:

$$\Delta t = \text{tiempo exacto navegado} = \frac{h_e}{15^\circ + \frac{V_b \times \text{sen } R_v}{60 \times \text{cos } l_m}} = \frac{38^\circ 27,76'}{15^\circ + \frac{12 \times \text{sen } 235^\circ}{60 \times \text{cos } 40^\circ 30'}} = 2,601545h =$$

= 2h 36,09m

D = distancia navegada = $V_b \times \Delta t = 12 \times 2,601545 = 31,218$ millas

Traslado del punto determinante

$\Delta a = -2,2'$

$Z_v = S37,57°E$

Al ser Δa negativo, a efectos del traslado del punto determinante es equivalente a:

$Z_v = N37,57°W$

$\Delta a = +2,2'$

$R_b = 235^\circ = S55^\circ W$

D = distancia navegada = 31,218 millas

l_e = latitud estimada por la mañana = $40^\circ 30' N$

l_e = longitud estimada por la mañana = $4^\circ 23' W$

	Ref	D	Δl		A	
			N	S	E	W
Barco	S55°W	31,218'	—	17,9'	—	25,57'
Determinante	N37,57°W	2,2'	1,74'	—	—	1,34'
				16,16'		26,91'

$$\Delta l = 16,16'S$$

$$A = \text{apartamento} = 26,91'W$$

$$l_m = \text{latitud media} = 40^\circ 30'N - \frac{\Delta l}{2} = 40^\circ 21,92'N$$

$$\Delta L = \frac{A}{\cos l_m} = \frac{26,91'}{\cos 40^\circ 21,92'} = 35,32'W$$

Respuesta pregunta b). Posición estimada al mediodía

$$l_e = \text{latitud estimada al mediodía} = 40^\circ 30'N - 16,16'S = 40^\circ 13,84'N$$

$$L_e = \text{longitud estimada al mediodía} = 4^\circ 23'W + 35,32'W = 4^\circ 58,32'W$$

Cálculo TU del paso del Sol por el meriano superior del lugar

$$\text{TU al mediodía} = 9h 32m + \text{intervalo de tiempo navegado hasta la meridiana} =$$

$$= 9h 32m + 2h 36,09m = 12h 8,09m \text{ del día 29 Noviembre de 2013}$$

Cálculo altura verdadera de la observación del Sol al mediodía

$$a_i \odot \text{ limbo inferior} = 28^\circ 15'$$

$$a_o = \text{altura observada} = a_i + C_i = 28^\circ 15' - 2' = 28^\circ 13'$$

$$a_a = \text{altura aparente} = a_o + C_d$$

$$C_d = \text{corrección por depresión (para } e_o = 8 \text{ m)} = -5,0'$$

$$a_a = 28^\circ 13' - 5' = 28^\circ 8'$$

$$C_{sd+refr+p} = \text{Corrección por Semidiámetro-refracción-paralaje (para } a_a = 28^\circ 8') =$$
$$= +14,3' + 0,2' = +14,5'$$

$$a_v = \text{altura verdadera} = a_a + C_{sd+refr+p} = 28^\circ 8' + 14,5' = 28^\circ 22,5'$$

Cálculo declinación del Sol al paso de este por el meridiano superior del lugar

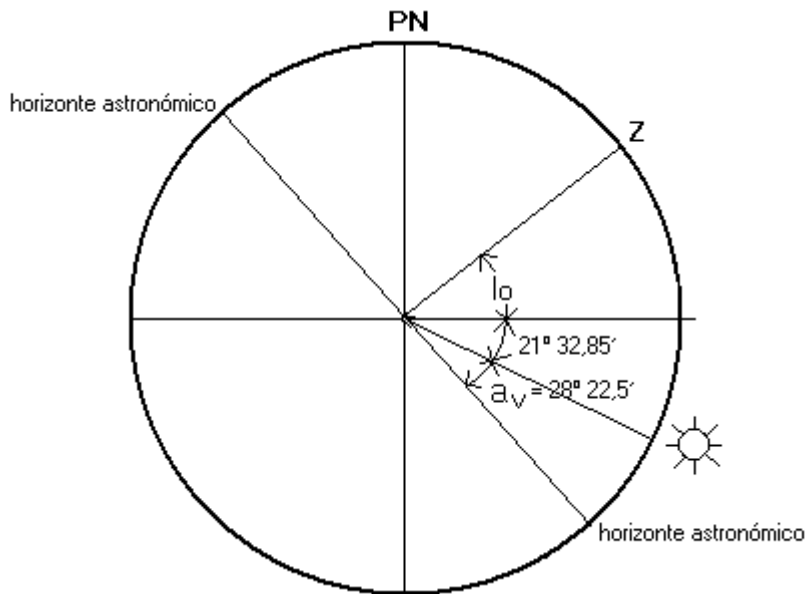
En tablas diarias del AN para el día 29 Noviembre de 2013

<u>TU</u>	<u>Dec</u>
12h	-21° 32,8'
13h	-21° 33,2'

Interpolando, para TU = 12h 8,09m:

$$\text{Dec} = -21^\circ 32,85'$$

Cálculo latitud observada en la meridiana (al mediodía)



Respuesta pregunta c). Latitud observada en la meridiana y azimut del Sol

$l_o = \text{latitud observada al mediodía} = 90^\circ - 28^\circ 22,5' - 21^\circ 32,85' = 40^\circ 4,65' \text{N}$

El Azimut del Sol al mediodía es 180° , ya que lo estamos viendo en la meridiana hacia el Sur.