

**Ejercicio Cálculos Náuticos Capitán de Yate Andalucía Abril 2014**

**Autor: Pablo González de Villaumbrosia García 24.08.2014**

<http://www.villaumbrosia.es>

**Ejercicio nº 1**

El 4 de Febrero de 2014 estando en situación estimada  $le = 28^\circ 20'N$  y  $Le = 42^\circ 40'W$ , tomamos a  $Hrb=08:24:20$  ai Sol limbo inferior  $=20^\circ 30,4'$ . A  $Hrb=12:10:34$ , momento del paso del Sol por nuestro meridiano superior, estando en situación estimada  $le = 28^\circ 30'N$  y  $Le = 44^\circ 10'W$  obtenemos una latitud observada  $lo = 28^\circ 34'N$ .

$eo =$  elevación del observador  $= 5$  m,  $ei =$  error de índice de sextante  $= +0,2'$

**Preguntas:**

- A) Ángulo en el Polo a  $Hrb=08:24:20$
- B) Calcular el determinante de la observación de la mañana
- C) Calcular el coeficiente de Pagel
- D) Situación a la hora de la Meridiana

**SOLUCIÓN:**

A) Ángulo en el Polo a  $Hrb = 08:24:20$

$L = 42^\circ 40'W \rightarrow$  Huso horario nº 3,  $Z = 3$

$TU$  (Tiempo Universal o HcG)  $= Hz + Z = 8h 24m 20s + 3h = 11h 24m 20s$

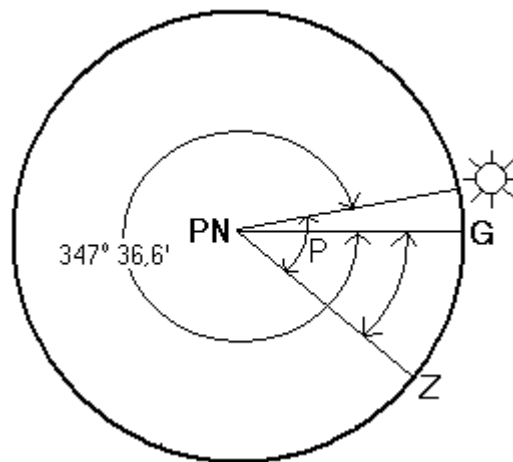
En tablas del AN (Almanaque Náutico) para el 4 de Febrero de 2014:

<u>TU</u>	<u>hG☀</u>	<u>Dec</u>
11h	$341^\circ 31,6'$	$-16^\circ 10,3'$
12h	$356^\circ 31,6'$	$-16^\circ 9,6'$

Interpolando para  $TU = 11h 24m 20s$

$hG☀ = 347^\circ 36,6'$

$Dec = -16^\circ 10,02'$

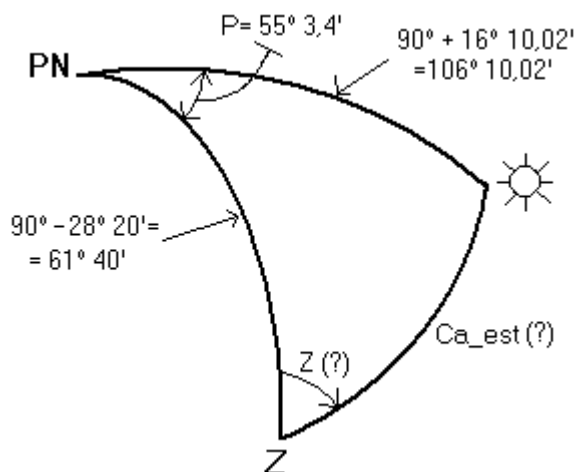


Del círculo horario de la figura anterior se deduce:

$$P = \text{ángulo en el polo} = 360^\circ - 347^\circ 36,6' + 42^\circ 40' = 55^\circ 3,4'E$$

B) Calcular el determinante del Sol por la mañana

El triángulo esférico de posición quedará como en la figura de abajo.



De ahí se deduce:

$$\cotg 106^\circ 10,02' \times \text{sen } 61^\circ 40' = \cos 61^\circ 40' \times \cos 55^\circ 3,4' + \text{sen } 55^\circ 3,4' \times \cotg Z$$

$$Z = \text{azimut del Sol} = 122,74^\circ = S57,26^\circ E$$

$$\cos Ca\_est = \cos 61^\circ 40' \times \cos 106^\circ 10,02' + \text{sen } 61^\circ 40' \times \text{sen } 106^\circ 10,02' \times \cos 55^\circ 3,4'$$

$$Ca\_est = \text{co-altura estimada del astro} = 69,3863^\circ \rightarrow a_e = \text{altura estimada} = 90^\circ - 69,3863^\circ = 20^\circ 36,8'$$

Por otro lado, calculemos ahora la altura verdadera del Sol:

$$a_i \odot \text{ limbo inferior} = 20^\circ 30,4'$$

$$a_o = \text{altura observada} = a_i + e_i = 20^\circ 30,4' + 0,2' = 20^\circ 30,6'$$

$$a_a = \text{altura aparente} = a_o + C_d$$

$$C_d = \text{Corrección por depresión (para } e_o = 5 \text{ mts.)} = -4'$$

$$a_a = 20^\circ 30,6' - 4' = 20^\circ 26,6'$$

$$C_{sd} + \text{refr} + \text{par} = \text{corrección por semidiámetro-refracción-paralaje} = +13,6' + 0,2' = +13,8'$$

$$a_v = \text{altura verdadera} = a_a + C_{sd} + \text{refr} + \text{par} = 20^\circ 26,6' + 13,8' = 20^\circ 40,4'$$

$$\Delta a = a_v - a_e = 20^\circ 40,4' - 20^\circ 36,8' = +3,6'$$

Determinante del Sol por la mañana:

$$Z = S57,26^\circ E$$

$$\Delta a = +3,6'$$

C) Calcular el coeficiente de Pagel

$$Q = \text{coeficiente de Pagel} = \frac{1}{\tan \Delta \times \text{sen } P} - \frac{\tan l}{\tan P}$$

$$\Delta = \text{co-declinación} = 106^\circ 10,02'$$

$$P = \text{ángulo horario} = 55^\circ 3,4'$$

$$l = \text{latitud} = 28^\circ 20'$$

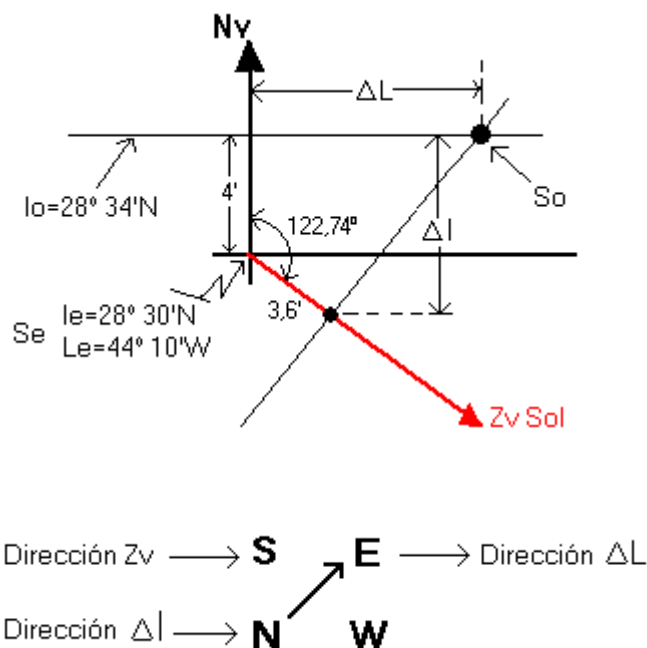
$$Q = \frac{1}{\tan 106^\circ 10,02' \times \text{sen } 55^\circ 3,4'} - \frac{\tan 28^\circ 20'}{\tan 55^\circ 3,4'} = 0,73 \text{ ( el signo se hace siempre positivo)}$$

D) Situación a la hora de la meridiana

$$Z = 122,74^\circ = S57,26^\circ E$$

$$\Delta a = +3,6'$$

$$\Delta l = 28^\circ 34' - 28^\circ 30' + 3,6' \times \cos 57,26^\circ = 5,95' N$$



$$\Delta L = Q \times \Delta l = 0,73 \times 5,95' = 4,34' E$$

Situación observada a la hora del mediodía:

$l_o = \text{latitud observada} = 28^\circ 34'N$

$Lo = \text{longitud observada} = Le + \Delta L = 44^\circ 10'W - 4,34'E = 44^\circ 5,66'W$

## Ejercicio nº 2

El 4 de Febrero de 2014 estando en situación estimada  $le = 20^{\circ} 00'N$  y  $Le = 23^{\circ} 30'W$ , tomamos en el crepúsculo náutico vespertino a  $Hrb = 18:21:10$  ai\*Polar =  $20^{\circ} 42,8'$  y  $Za*Polar = 002,8^{\circ}$ .

$eo =$  elevación del observador = 5 m,  $ei =$  error de índice de sextante =  $+0,1'$

**Preguntas:**

- A) Calcular Ct
- B) Calcular la latitud observada de la Polar
- C) Azimut verdadero de la Polar
- D) Calcular el Ángulo en el Polo Norte de la estrella Polar

SOLUCIÓN:

A) Calcular Ct (Corrección total)

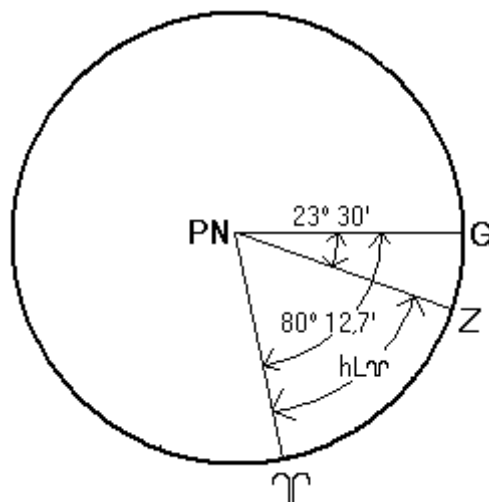
$L = 23^{\circ} 30'W \rightarrow$  Huso horario nº 2,  $Z = 2$

TU (Tiempo Universal o HcG) =  $H_z + Z = 18h 21m 10s + 2h = 20h 21,17m$

En tablas del AN para el 4 de Febrero de 2014:

<u>TU</u>	<u>hG<math>\gamma</math></u>
20h	$74^{\circ} 54,3'$
21h	$89^{\circ} 56,7'$

Interpolando para TU = 20h 21,17m, sale  $hG\gamma = 80^{\circ} 12,7'$

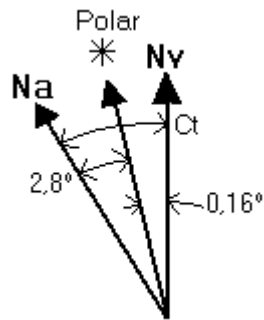


Del círculo horario de la figura anterior se deduce:

$$hL\gamma = 80^{\circ} 12,7' - 23^{\circ} 30' = 56^{\circ} 42,7'$$

En página nº 385 del AN de azimutes de la Polar, para  $le = 20^{\circ}N$  y  $hL\gamma = 56^{\circ} 42,7'$  obtenemos:

$$Zv \text{ Polar} = -0,16^{\circ}$$



$$Ct = -(2,8^\circ + 0,16^\circ) = -2,96^\circ$$

B) Calcular la latitud observada de la Polar

$$ai^* = 20^\circ 42,8'$$

$$ei = \text{error de índice de sextante} = +0,1'$$

$$ao = \text{altura observada} = ai + ei = 20^\circ 42,8' + 0,1' = 20^\circ 42,9'$$

$$aa = \text{altura aparente} = ao + Cd$$

$$Cd = \text{corrección por depresión (para } eo = 5 \text{ m)} = -4'$$

$$aa = 20^\circ 42,9' - 4' = 20^\circ 38,9'$$

$$C_{\text{refrac.}} = \text{corrección por refracción (para } aa = 20^\circ 38,9') = -2,5'$$

$$av = \text{altura verdadera} = aa + C_{\text{refrac.}} = 20^\circ 38,9' - 2,5' = 20^\circ 36,4'$$

$$lo = av + C1 + C2 + C3$$

En páginas nº 382, 383 y 384 del AN de latitudes por observación de la Polar, obtenemos las 3 correcciones C1, C2 y C3 para el valor

- Para  $hL\gamma = 56^\circ 42,7'$  se obtiene  $C1 = -39,3'$
- Para  $hL\gamma = 56^\circ 42,7'$  y  $av = 20^\circ 36,4'$  se obtiene  $C2 = 0'$
- Para  $hL\gamma = 56^\circ 42,7'$  y mes de Febrero se obtiene  $C3 = 0,2'$

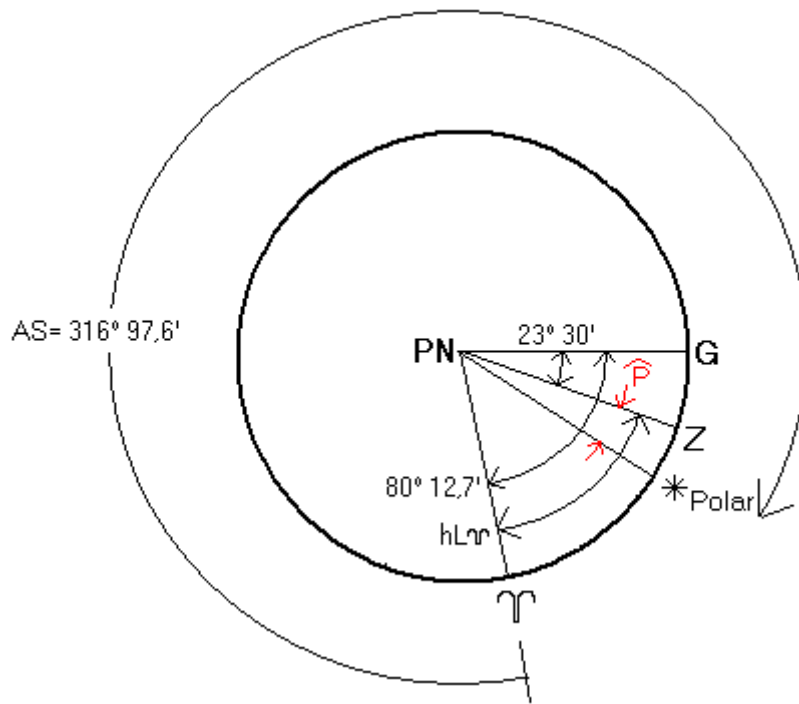
$$lo = \text{latitud observada de la Polar} = av + C1 + C2 + C3 = 20^\circ 36,4' - 39,3' + 0' + 0,2' = 19^\circ 57,3'$$

C) Azimut verdadero de la Polar

$$Zv = Za + Ct = 2,8^\circ - 2,97^\circ = -0,17^\circ = 359,8^\circ$$

D) Calcular el ángulo en el Polo Norte de la estrella Polar

En las tablas del AN del Ángulo Sidéreo de las estrellas para el mes de Febrero de 2014, encontraremos para la estrella Polar (estrella nº 11)  $AS = 316^\circ 97,6'$



Del círculo horario de la figura anterior:

$$P = \text{ángulo en el Polo de la estrella Polar} = 80^\circ 12,7' - 23^\circ 30' - (360^\circ - 316^\circ 97,6') = N14^\circ 20,3'W$$

### Ejercicio nº 3

El 10 de Octubre de 2014 estando en situación estimada  $le=50^{\circ} 20'S$  y  $Le=140^{\circ} 30'E$ , tomamos a  $Hrb=04:01:57$  en el crepúsculo náutico matutino  $ai^* = 32^{\circ} 17,8'$  y  $Z= 005,5^{\circ}$  a un astro desconocido.

$eo=$  elevación del observador= 5 m,  $ei=$ error de índice de sextante=  $-0,3'$

Preguntas:

- A) Hora Civil Greenwich y día de la observación
- B) Reconocer el astro
- C) Ángulo Sidéreo y declinación del astro una vez reconocido
- D) ¿Cuál es la Ascensión Recta del astro?

SOLUCIÓN:

A) Hora Civil Greenwich y día de la observación

$L= 140^{\circ} 30'E \rightarrow$  Huso horario nº 9,  $Z= -9$

TU (Tiempo Universal o HcG) =  $H_z + Z = 4h 1m 57s - 9h = 19h 1m 57s$  día 9 de Octubre de 2014

B) Reconocer el astro

$ai^*= 32^{\circ} 17,8'$

$ei =$  error de índice de sextante=  $-0,3'$

$ao =$  altura observada =  $ai + ei = 32^{\circ} 17,8' - 0,3' = 32^{\circ} 17,5'$

$aa =$  altura aparente =  $ao + Cd$

$Cd =$  corrección por depresión (para  $eo = 5$  m) =  $-4'$

$aa = 32^{\circ} 17,5' - 4' = 32^{\circ} 13,5'$

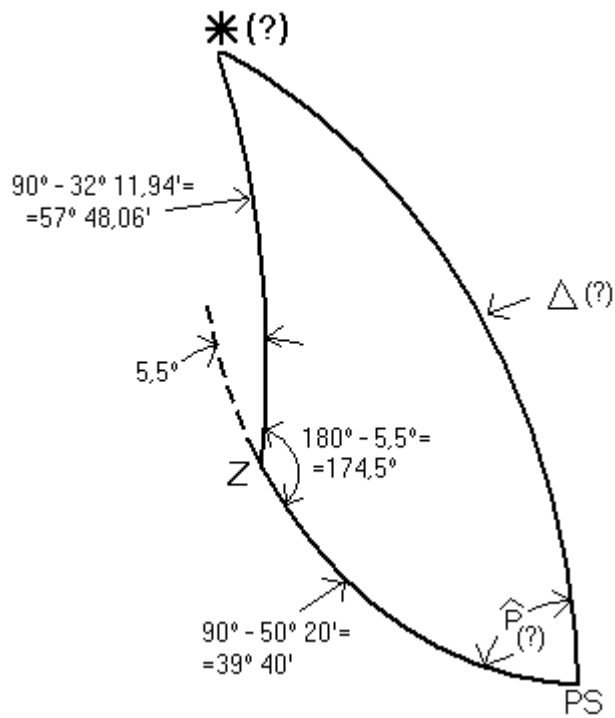
$Crefrac.=$  corrección por refracción (para  $aa = 32^{\circ} 13,5'$ ) =  $-1,56'$

$av =$  altura verdadera =  $aa + Crefrac = 32^{\circ} 13,5' - 1,56' = 32^{\circ} 11,94'$

Por otro lado,  $Zv= 5,5^{\circ} = N5,5^{\circ}E$

El triángulo esférico de posición quedará así:





Resolviendo dicho triángulo:

$$\cotg 57^\circ 48,06' \times \sen 39^\circ 40' = \cos 39^\circ 40' \times \cos 174,5^\circ + \sen 174,5^\circ \times \cotg P$$

$$P = \text{ángulo horario en el polo del astro desconocido} = 4,69^\circ$$

$$\cos \Delta = \cos 57^\circ 48,06' \times \cos 39^\circ 40' + \sen 57^\circ 48,06' \times \sen 39^\circ 40' \times \cos 174,5^\circ$$

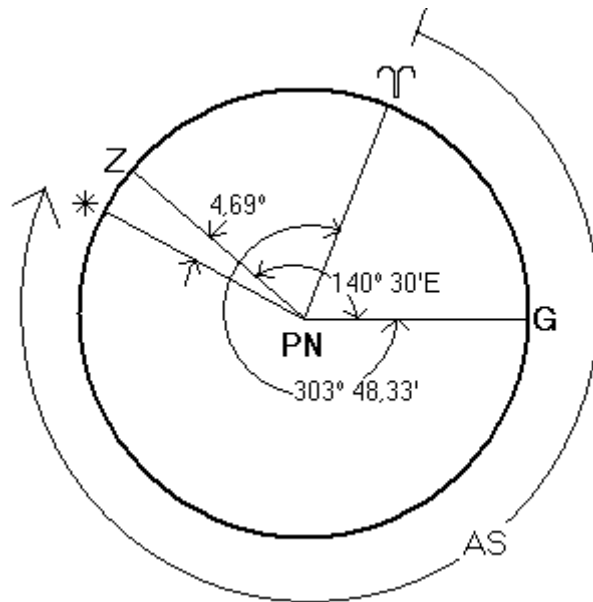
$$\Delta = \text{co-declinación del astro desconocido} = 97,324^\circ \rightarrow \text{Dec} = \text{declinación del astro} = 97,324^\circ - 90^\circ = +7^\circ 19,4'$$

En tablas Almanaque Náutico para el 9 de Octubre de 2014:

<u>TU</u>	<u>hGγ</u>
19h	303° 19,0'
20h	318° 21,5'

Interpolando para TU=19h 1m 57s, sale hGγ= 303° 48,33'

Dibujamos ahora el círculo horario del astro desconocido:



De la figura anterior se deduce:

$$AS = \text{Ángulo sidéreo del astro desconocido} = 360^\circ - 303^\circ 48,33' + 360^\circ - (4,69^\circ + 140^\circ 30') = 271^\circ 0,27'$$

Con los datos:

$$AS = 271^\circ 0,27'$$

$$Dec = +7^\circ 19,4'$$

En el AN aparece la estrella nº 28 **Betelgeuse**

C) Ángulo sidéreo y declinación del astro una vez reconocido

En tablas del AN para el mes de Octubre de 2014 para la estrella nº 28 Betelgeuse:

$$AS = \text{ángulo sidéreo} = 271^\circ 00,2'$$

$$Dec = \text{declinación} = 7^\circ 24,5'N$$

D) ¿Cuál es la Ascensión recta del astro?

$$AR = \text{ascensión recta} = 360^\circ - AS = 360^\circ - 271^\circ 00,2' = 88^\circ 59,8'$$

## Ejercicio nº 4

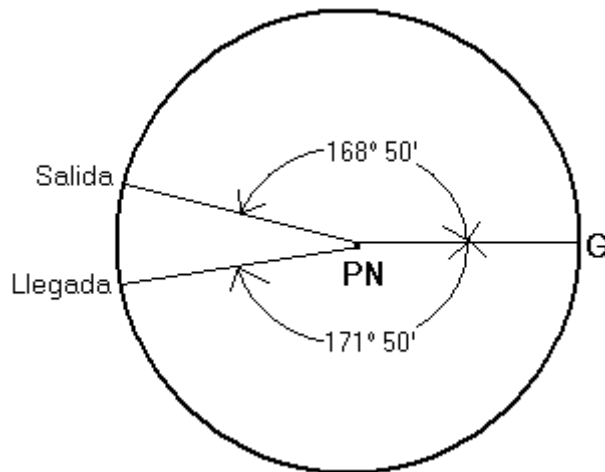
Partiendo de latitud de salida=  $38^{\circ} 17'S$  y Longitud de salida=  $168^{\circ} 50'E$  queremos llegar a la siguiente situación: latitud de llegada=  $28^{\circ} 56'N$  y Longitud de llegada=  $171^{\circ} 50'W$ .

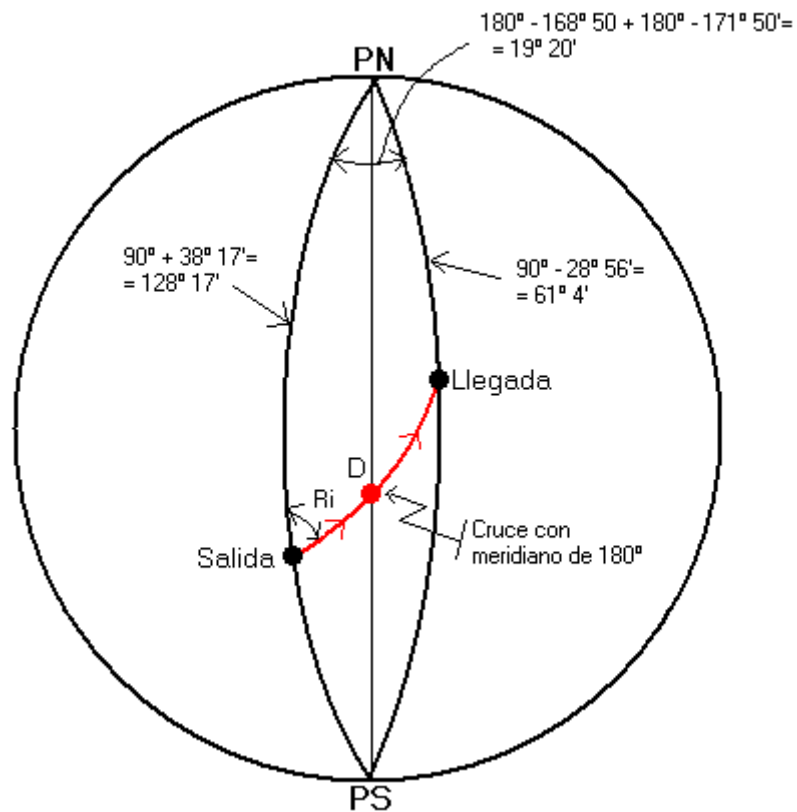
Preguntas:

- A) Calcular rumbo inicial ortodrómico
- B) Distancia ortodrómica entre los dos puntos
- C) Situación del punto de corte con el meridiano de  $180^{\circ}$
- D) Distancia del punto anterior a la salida y a la llegada

SOLUCIÓN:

- A) Calcular rumbo inicial ortodrómico





En el triángulo esférico que forman el PN (Polo Norte) y los puntos de Salida y Llegada, tenemos:  
 $\text{cotg } 61^\circ 4' \times \text{sen } 128^\circ 17' = \text{cos } 128^\circ 17' \times \text{cos } 19^\circ 20' + \text{sen } 19^\circ 20' \times \text{cotg } R_i$   
 $R_i = \text{Rumbo inicial ortodrómico} = N18^\circ E$

B) Distancia ortodrómica entre los dos puntos

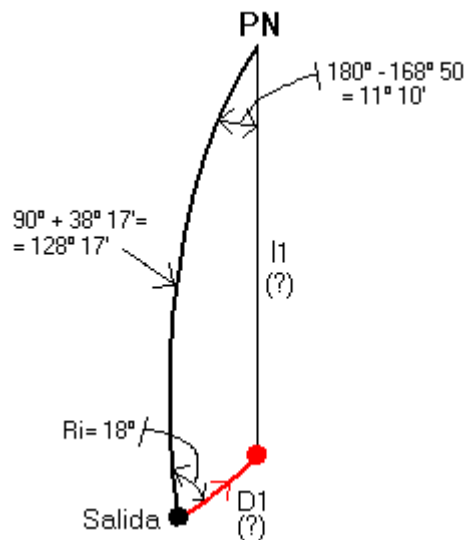
En el mismo triángulo esférico anterior, se deduce:

$$\text{cos } D = \text{cos } 128^\circ 17' \times \text{cos } 61^\circ 4' + \text{sen } 128^\circ 17' \times \text{sen } 61^\circ 4' \times \text{cos } 19^\circ 20'$$

$$D = 69,6039^\circ = 4176,24' = 4176,24 \text{ millas náuticas}$$

C) Situación del punto de corte con el meridiano de 180°

Tomamos el triángulo esférico correspondiente hasta el cruce con el meridiano de 180°.



$$\cotg l_1 \times \sin 128^\circ 17' = \cos 128^\circ 17' \times \cos 11^\circ 10' + \sin 11^\circ 10' \times \cotg 18^\circ$$

$l_1 = 90,86^\circ$ , por lo que el punto de corte tendrá una latitud de  $90,86^\circ - 90^\circ = 0,86^\circ S = 0^\circ 51,6'S$

Punto de corte con meridiano de  $180^\circ$ :

latitud =  $0^\circ 51,6'S$

Longitud =  $180^\circ$

D) Distancia del punto anterior a la salida y a la llegada

En la figura anterior:

$$\cos D_1 = \cos 128^\circ 17' \times \cos 90,86^\circ + \sin 128^\circ 17' \times \sin 90,86^\circ \times \cos 11^\circ 10'$$

$D_1 =$  distancia desde salida a punto de corte con meridiano de  $180^\circ =$

$$= 38,8027^\circ = 2328,2' = 2328,2 \text{ millas náuticas}$$

$D_2 =$  distancia desde punto de corte con meridiano de  $180^\circ$  a llegada =

$$= 4176,24 - 2328,2 = 1848,04 \text{ millas náuticas}$$

## Ejercicio nº 5

Navegando con  $R_v=020^\circ$  y  $V_b= 8$  nudos tomamos las siguientes demoras y distancias del buque "B":

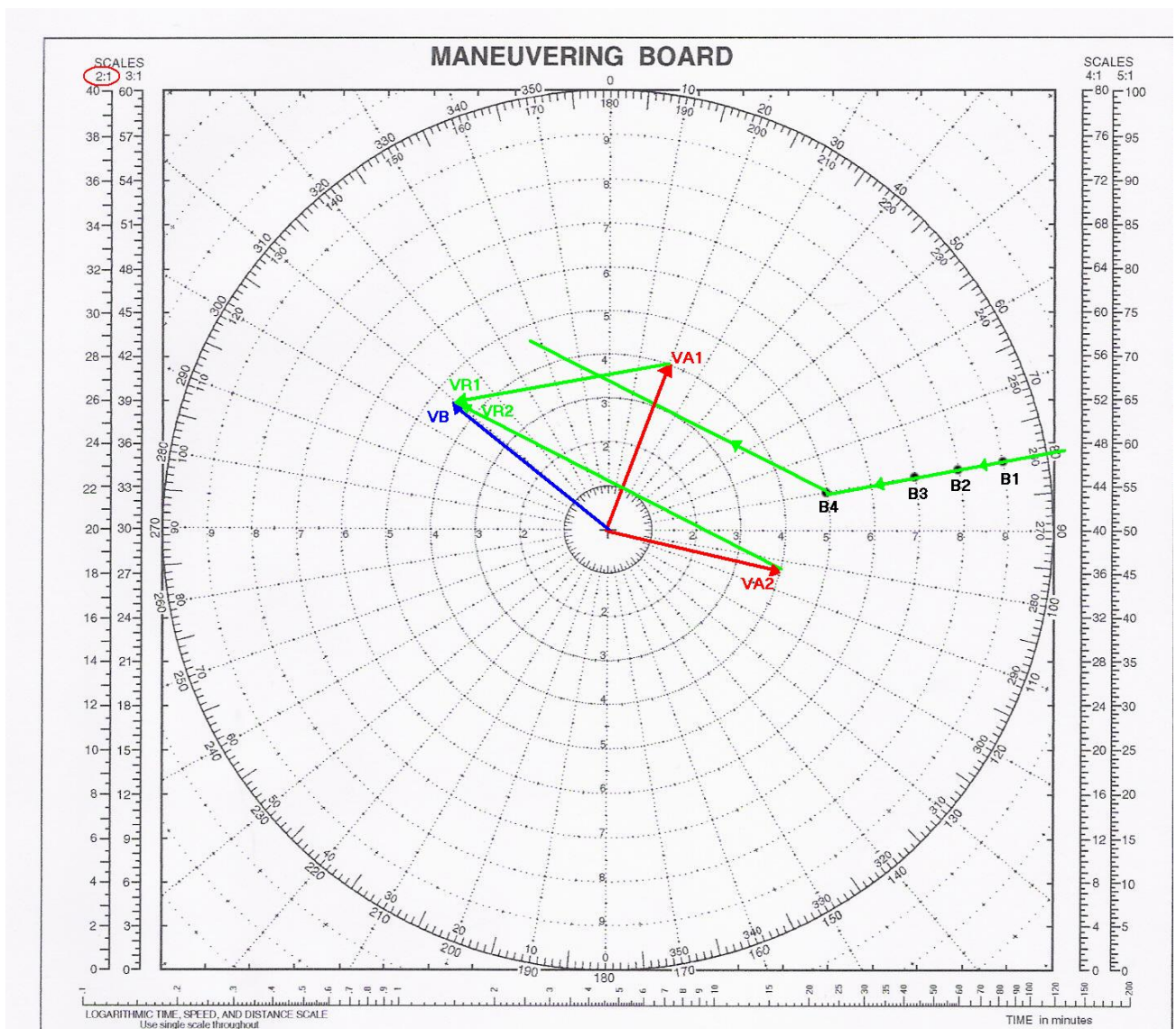
- $Hrb= 08:00$   $D_v= 080^\circ$  y  $d= 9$  millas
- $Hrb= 08:06$   $D_v= 080^\circ$  y  $d= 8$  millas
- $Hrb= 08:12$   $D_v= 080^\circ$  y  $d= 7$  millas

Cuando el buque "B" se encuentra a 5 millas decidimos gobernar a estribor para que nos pase a una distancia mínima de 3 millas.

Se pide:

- Rumbo verdadero del buque "B"
- Velocidad del buque "B"
- CPA antes de la maniobra
- $R_v$  que deberemos poner para que nos pase a 3 millas

SOLUCIÓN:



A) Rumbo verdadero del buque "B"

- En la rosa de maniobras ponemos los puntos B1, B2 y B3 en demora  $80^\circ$  y a 9,8 y 7 millas respectivamente. La indicatriz del movimiento del buque "B" respecto del que navegamos (buque "A") es la línea verde que une dichos puntos.
- Dibujamos el vector VA1 que define el rumbo y velocidad del buque "A".
- La velocidad VR1 relativa del buque "B" respecto del "A" es 10 nudos, ya que el buque "B" decrementa la distancia respecto del "A" a razón de 1 milla por cada 6 minutos.
- Desde el extremo del vector VA1 trazamos el vector VR1, de magnitud 10 (con la escala de velocidades de arriba a la izquierda) y paralelo a la indicatriz del movimiento.
- El vector VB que define el rumbo y velocidad del buque "B" será el que une el centro de la rosa de maniobras con el extremo de VR1.

Resultado: Rumbo de "B" =  $309^\circ$

B) Velocidad del buque "B"

En la rosa de maniobras, en la escala de velocidades se mide VB=9,2 nudos

C) CPA antes de la maniobra

CPA=Closest Point of Approach=0 (rumbo de colisión)

D) Rv que deberemos poner para que nos pase a 3 millas

- En la rosa de maniobras ponemos el punto B4 a 5 millas de distancia, y trazamos desde ahí una tangente al círculo de distancia 3 millas. Esta será la nueva indicatriz del movimiento de "B" respecto de "A".
- Desde el extremo de VB trazamos una paralela a la indicatriz del movimiento anterior. El punto de corte con el círculo de la velocidad de "A" definirá el nuevo vector VA2 del buque "A", es decir, la misma velocidad de antes (8 nudos), y rumbo  $104^\circ$

Resultado: Nuevo rumbo de "A" =  $104^\circ$